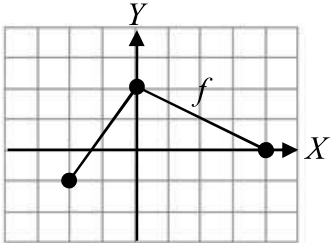


سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۱۰/۰۳	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۷		مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. الف) اگر باقی مانده تقسیم $f(x) = x^2 + kx - 1$ بر $(x+1)$ برابر با ۲ باشد، مقدار k برابر است. ب) دوره تناوب تابع تنازنت برابر با است. پ) مشتق تابع $f(x) = \sqrt{2x-1}$ در نقطه ای به طول یک روی منحنی تابع، عدد است. ت) اگر تابع $y = f(x)$ در بازه $[a, b]$ صعودی باشد، علامت مشتق تابع f در این بازه است.	۱
۲	نمودار تابع f در شکل زیر رسم شده است. نمودار تابع $g(x) = -f(2x)$ را رسم کنید. سپس دامنه و برد تابع g را تعیین کنید.	۱/۵
		
۳	هر یک از چند جمله ای های زیر را بر حسب عامل خواسته شده، تجزیه کنید. الف) $x^5 + 1$ با عامل $x+1$ ب) $x^6 - 1$ با عامل $x-1$	۱
۴	نمودار تابع $f(x) = (x+1)^3$ را رسم کنید. این تابع در دامنه خود اکیداً صعودی است یا اکیداً نزولی؟	۰/۷۵
۵	درست یا نادرست بودن جملات زیر را مشخص کنید. الف) مینیمم تابع $y = -3 \cos(\pi x) + 2$ برابر با یک است. ب) تابع تنازنت در دامنه اش صعودی است.	۰/۵
۶	ضابطه تابعی به فرم $y = a \sin bx + c$ را بنویسید که دوره تناوب آن π ، مقدار ماکزیمم آن ۳ و مقدار مینیمم آن ۳- باشد.	۱
۷	معادله مثلثاتی $\cos^3 x - \cos x = 0$ را حل کنید.	۱/۲۵
۸	حدود زیر را به دست آورید.	
	الف) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2x+1}{4-x^2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{4x^5 + 3x^2 + 1}{-3x^5 + 3x^2 + 3}$	۱/۵
۹	مجانبات های قائم و افقی تابع $f(x) = \frac{3x}{x^2-1}$ را بیابید.	۱/۵
۱۰	مشتق پذیری تابع $f(x) = x-2 $ را در $x=2$ بررسی کنید.	۱
« ادامه سوالات در صفحه دوم »		

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۱۰/۰۳	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۷		مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۱	با در نظر گرفتن نمودار f در شکل، به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) طول نقطه ای که مماس در آن افقی است. ب) طول نقطه ای که مشتق در آن مقداری منفی است. پ) طول نقطه ای که تابع در آن مشتق پذیر نیست.	۰/۷۵
۱۲	اگر f و g توابع مشتق پذیر باشند و $f(2) = 3, f'(2) = 1, g(2) = -3, g'(2) = 2$ ، مقادیر $(fg)'(2)$ و $(f+g)'(2)$ را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $y = \frac{x^2 + 1}{x^3 + 2x - 5}$ ب) $y = \cos^2(-3x + 1)$	۲
۱۴	یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $m(t) = \sqrt{t} + t^2$ گرم است. آهنگ رشد جرم توده باکتری در لحظه $t = 9$ چقدر است؟	۰/۷۵
۱۵	ضرایب a و b را در تابع $f(x) = -x^2 + ax + b$ طوری تعیین کنید که در نقطه $(1, 2)$ ماکزیمم نسبی داشته باشد.	۱/۵
۱۶	جهت تقعر و نقطه عطف نمودار تابع $f(x) = -x^3 + 3x^2 + 1$ را به دست آورید.	۱
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x+1}{x-2}$ را رسم کنید.	۱/۷۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۳۹۷	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) ۲- (۰/۲۵) (تمرین ۶ صفحه ۲۲) ب) π (۰/۲۵) (نکته صفحه ۲۲) پ) ۱ (۰/۲۵) (تمرین ۶ صفحه ۸۲) ت) مثبت (۰/۲۵) (قضیه صفحه ۱۲۱)	۱
۲	تمرین ۲ صفحه ۱۲ $D_g = [-1, 2]$ (۰/۵) $R_g = [-2, 1]$ (۰/۵)	۱/۵
۳	الف) $x^6 + 1 = (x+1)(x^5 - x^4 + x^3 - x^2 + x + 1)$ (۰/۵) ب) $x^6 - 1 = (x-1)(x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$ (۰/۵)	۱
۴	تمرین ۱ صفحه ۲۱ اکیداً صعودی (۰/۲۵)	۰/۲۵
۵	الف) نادرست (۰/۲۵) (نکته صفحه ۲۷) ب) نادرست (۰/۲۵) (تمرین ۵ صفحه ۲۴)	۰/۵
۶	تمرین ۳ صفحه ۲۴ هر یک از سه تابع $y = 2 \sin(2x)$ یا $y = -2 \sin(2x)$ یا $y = 2 \sin(-2x)$ را بنویسد (۰/۲۵) نمره داده شود. $\frac{2\pi}{ b } = \pi \Rightarrow b = 2$ (۰/۲۵) $\begin{cases} a + c = 2 \\ - a + c = -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ c = 0 \end{cases}$ (۰/۲۵)	۱
۷	$\cos 2x = \cos x$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + x & (۰/۲۵) \Rightarrow x = k\pi & (۰/۲۵) \\ 2x = 2k\pi - x & (۰/۲۵) \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} & (۰/۲۵) \end{cases}$ (مشابه مثال صفحه ۳۹)	۱/۲۵
۸	الف) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2x+1}{4-x^2} = -\infty$ (۰/۵) (مثال صفحه ۵۳) ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{4x^6}{-3x^6} = -\frac{4}{3}$ (۰/۵) (تمرین ۳ صفحه ۶۹)	۱/۵
۹	مجاانب قائم $x^2 - 1 = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = 1$ (۰/۲۵) (مشابه سوال ۲ کار در کلاس صفحه ۶۸) مجاانب افقی $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3}{x} = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = 0$ (۰/۲۵)	۱/۵

«ادامه پاسخ ها در صفحه دوم»

کتاب آورنده: فرزان باغی و محمدرضا عادل جانی

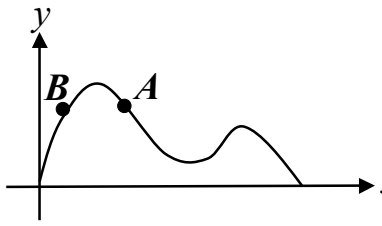
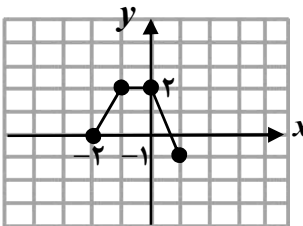
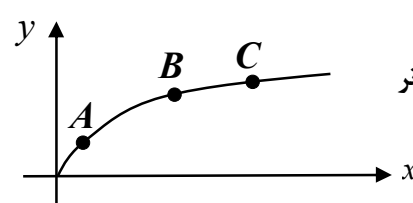
مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲												
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه													
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://ace.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۳۹۷													
ردیف	راهنمای تصحیح														
۱۰	<p>مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵) زیرا:</p> $f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ x-2 - 0}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x-2}{x-2} = 1 \text{ (۰/۲۵)}, \quad f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-(x-2)}{x-2} = -1 \text{ (۰/۲۵)}$ <p>(مشابه مثال صفحه ۸۶)</p>														
۱۱	<p>(مشابه تمرین ۴ صفحه ۸۱)</p> <p>الف) a (۰/۲۵) ب) d (۰/۲۵) پ) b (۰/۲۵)</p>														
۱۲	<p>(کار در کلاس صفحه ۹۵)</p> $(fg)'(2) = f'(2)g(2) + f(2)g'(2) = 1 \times (-3) + 3 \times 2 = 3 \text{ (۰/۲۵)}$ $(f+g)'(2) = f'(2) + g'(2) = 3 \text{ (۰/۲۵)}$														
۱۳	<p>(محاسبه تابع مشتق از صفحه ۹۲ تا صفحه ۹۶)</p> <p>الف) $y' = \frac{(0/25)2x(x^2+2x-5) - (x^2+1)(2x^2+2)(0/5)}{(x^2+2x-5)^2 (0/25)}$</p> <p>ب) $y' = \frac{-2 \times 2 \cos(-2x+1) (-\sin(-2x+1))}{(0/5) (0/25) (0/25)}$</p>														
۱۴	<p>(مشابه تمرین ۸ صفحه ۱۱۰)</p> $m'(t) = \frac{1}{2\sqrt{t}} + 2t \text{ (۰/۱۵)} \rightarrow m'(9) = \frac{109}{6} \text{ (۰/۲۵)}$														
۱۵	<p>(مشابه تمرین ۷ صفحه ۱۲۶)</p> $f'(x) = -4x^2 + a \text{ (۰/۲۵)} \xrightarrow{f'(0)=0} -4 + a = 0 \text{ (۰/۲۵)} \Rightarrow a = 4 \text{ (۰/۲۵)}$ $f(1) = 2 \text{ (۰/۲۵)} \Rightarrow -1 + 4 + b = 2 \text{ (۰/۲۵)} \Rightarrow b = -1 \text{ (۰/۲۵)}$														
۱۶	<p>(تمرین ۲ صفحه ۱۳۶)</p> $f'(x) = -2x^2 + 6x \text{ (۰/۲۵)}, \quad f''(x) = -4x + 6 = 0 \text{ (۰/۲۵)} \rightarrow x = 1$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y''</td> <td>$+$</td> <td>0</td> <td>$-$</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>\cup</td> <td>\cup</td> <td>\cap</td> </tr> </table> <p>(۰/۲۵) (۱, ۳) نقطه عطف (۰/۲۵)</p>			x	$-\infty$	1	$+\infty$	y''	$+$	0	$-$	y	\cup	\cup	\cap
x	$-\infty$	1	$+\infty$												
y''	$+$	0	$-$												
y	\cup	\cup	\cap												
۱۷	<p>$x=2$ (۰/۲۵) قائم. م</p> <p>$y=1$ (۰/۲۵) افقی. م $y' = \frac{-3}{(x-2)^2} \text{ (۰/۲۵)}$</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td>$-$</td> <td>$+$</td> <td>$-$</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>\downarrow</td> <td>\uparrow</td> <td>\downarrow</td> </tr> </table> <p>(۰/۱۵) (تمرین ۱ صفحه ۱۴۴)</p> <div style="text-align: center;"> <p>$x=2$</p> </div>			x	$-\infty$	2	$+\infty$	y'	$-$	$+$	$-$	y	\downarrow	\uparrow	\downarrow
x	$-\infty$	2	$+\infty$												
y'	$-$	$+$	$-$												
y	\downarrow	\uparrow	\downarrow												

"در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است"

کتاب آورنده: فرزانه بابائی و محمدرضا عادل جانی

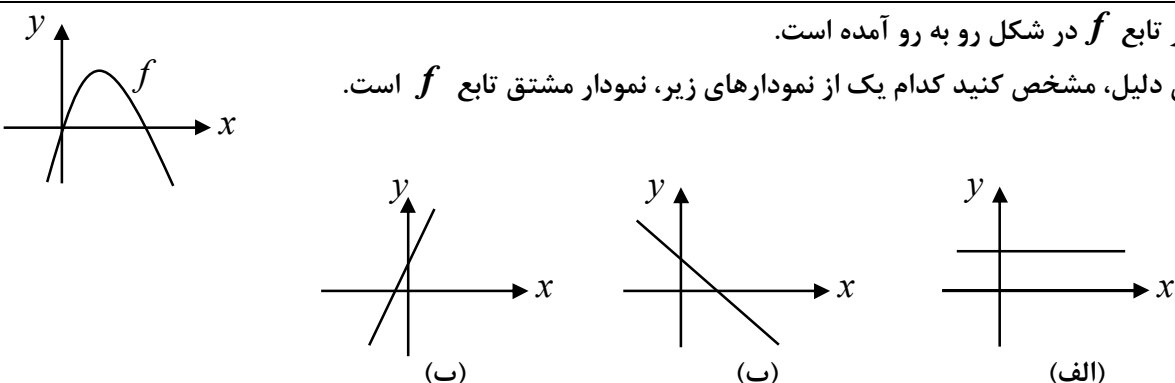
تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۳/۱۸	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۱	<p>درست یا نادرست بودن عبارات زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) اگر $k > 1$ باشد، نمودار $y = f(kx)$ از انبساط افقی نمودار $y = f(x)$ در راستای محور x ها به دست می آید.</p> <p>ب) نقاطی به فرم $x = k\pi + \frac{\pi}{2}$, $k \in Z$ در دامنه تابع تانژانت قرار ندارند.</p> <p>پ) حاصل $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x+1}{9-x^2}$ برابر با $-\infty$ است.</p> <p>ت) در شکل رو به رو، شیب خطوط مماس در نقاط A و B مثبت است.</p> 	۱
۱	<p>نمودار تابع $y = f(x)$ به صورت زیر است. نمودار $g(x) = 2f(x-1)$ را رسم کرده و دامنه و برد آن را تعیین کنید.</p> 	۲
۰/۷۵	<p>اگر چند جمله ای $f(x) = x^2 + ax - 3$ بر $(x+1)$ بخش پذیر باشد، باقی مانده تقسیم $f(x)$ بر $(x-2)$ را به دست آورید.</p>	۳
۰/۵	<p>چند جمله ای $x^6 - 1$ را بر حسب عامل $(x+1)$ تجزیه کنید.</p>	۴
۱	<p>جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>الف) دوره تناوب تابع $y = 3 \cos(-\frac{\pi}{4}x)$ برابر با است.</p> <p>ب) حاصل حد $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x+5}{x-2}$ برابر با است.</p> <p>پ) با توجه به شکل رو به رو، شیب خط مماس بر منحنی در نقطه بزرگ تر از شیب خط مماس بر منحنی در نقطه B است.</p> <p>ت) نقطه ای از دامنه تابع که مشتق در آن وجود ندارد و یا وجود دارد و برابر صفر است، نقطه نام دارد.</p> 	۵
۱/۵	<p>معادله $\cos 2x + \cos x + 1 = 0$ را حل کنید.</p>	۶
۱/۵	<p>کدام یک از خطوط $x = 3$ و $x = -1$ مجانب قائم تابع $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 2x - 3}$ می باشد؟ دلیل ارائه کنید.</p>	۷

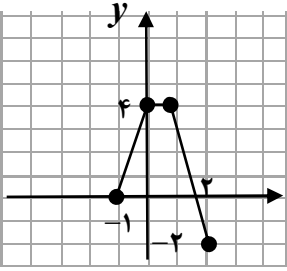
«ادامه سؤالات در صفحه دوم»

تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۳/۱۸	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۸	با توجه به نمودار تابع f که در زیر آمده است، مجانب های افقی تابع را بنویسید.	۰/۵
۹	نشان دهید نقطه ای به طول $x = -1$ ، نقطه گوشه ای برای تابع $f(x) = x^2 + x $ می باشد.	۱/۷۵
۱۰	قضیه: ثابت کنید اگر تابع f در $x = a$ مشتق پذیر باشد آن گاه تابع f در $x = a$ پیوسته است.	۱/۲۵
۱۱	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x + 1}$ ب) $g(x) = \cos^2(2x)$	۱/۷۵
۱۲	نمودار تابع f در شکل رو به رو آمده است. با بیان دلیل، مشخص کنید کدام یک از نمودارهای زیر، نمودار مشتق تابع f است.	۰/۷۵
		
۱۳	آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = x^2 - 2x$ را در بازه $[0, 2]$ و آهنگ تغییر لحظه ای تابع f را در $x = 1$ محاسبه کنید.	۱
۱۴	مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = \sqrt{x^2 - 2x} + 4$ را در بازه $[0, 2]$ تعیین کنید.	۱/۵
۱۵	تابع $f(x) = \frac{x^2}{x^2 + 1}$ در چه بازه ای صعودی و در چه بازه ای نزولی است.	۱/۲۵
۱۶	مقادیر a و b را در تابع $f(x) = ax^3 + bx^2 - 1$ چنان بیابید که $A(1, 1)$ نقطه عطف منحنی باشد.	۱/۲۵
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$ را رسم کنید.	۱/۷۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

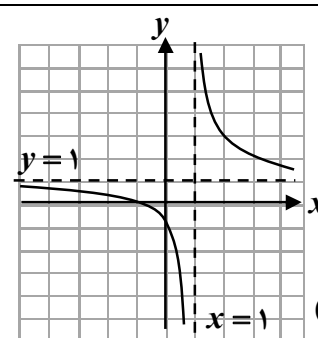
کود آفریننده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۸/۰۳/۱۳۹۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۸	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) (نکته صفحه ۹ در مورد انقباض و انبساط افقی) (ب) درست (۰/۲۵) (تابع تنازات صفحه ۳۲) پ) درست (۰/۲۵) (قسمت پ سوال ۲ صفحه ۵۸) (ت) نادرست (۰/۲۵) (قسمت الف سوال ۷ صفحه ۸۲)	۱
۱	 <p style="text-align: center;">(۰/۵)</p> $D_g = [-1, 2] \quad (۰/۲۵)$ $R_g = [-2, 4] \quad (۰/۲۵)$	۲
۰/۷۵	سوال ترکیبی مشابه سوال ۶ صفحه ۲۲ و مفهوم باقی مانده صفحه ۱۹ $f(-1) = 0 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow 1 - a - 3 = 0 \Rightarrow a = -2 \quad (۰/۲۵)$ $f(2) = 4 - 4 - 3 = -3 \quad (۰/۲۵)$	۳
۰/۵	$x^6 - 1 = (x+1)(x^5 - x^4 + x^3 - x^2 + x - 1) \quad (۰/۵)$ (قسمت ب سوال ۸ صفحه ۲۲)	۴
۱	الف) ۸ (۰/۲۵) (نکته صفحه ۲۷) (ب) ۳ (۰/۲۵) (قسمت الف سوال ۳ صفحه ۶۹) پ) A (۰/۲۵) (سوال ۳ صفحه ۸۱) (ت) بحرانی (۰/۲۵) (تعریف نقطه بحرانی صفحه ۱۱۷)	۵
۱/۵	(معادله مثلثاتی از صفحه ۳۵ تا ۴۴) $2 \cos^2 x - 1 + \cos x + 1 = 0 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \cos x (2 \cos x + 1) = 0 \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow \cos x = 0 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{2} \quad (۰/۲۵), \cos x = -\frac{1}{2} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{2\pi}{3} \quad (۰/۲۵)$	۶
۱/۵	$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 2x - 3} = \infty \quad (۰/۲۵)$ $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 2x - 3} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-3)(x-1)}{(x-3)(x+1)} = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵)$ (مثال صفحه ۵۶) خط $x = -1$ مجانب قائم منحنی f است (۰/۲۵) ولی $x = 3$ مجانب قائم برای تابع f نیست. (۰/۲۵)	۷
۰/۵	$y = 1 \quad (۰/۲۵), \quad y = -2 \quad (۰/۲۵)$ (مشابه سوال ۲ صفحه ۶۹)	۸
۱/۷۵	(نکته صفحه ۸۹) تابع f در $x = -1$ پیوسته است. (۰/۲۵) $f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{ x^2 + x }{x+1} = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{-x(x+1)}{x+1} = 1 \quad (۰/۲۵)$ $f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{x(x+1)}{x+1} = -1 \quad (۰/۲۵)$ مشتق های راست و چپ تابع هر دو متناهی ولی نابرابرند. (۰/۲۵) پس $x = -1$ نقطه گوشه ای تابع است.	۹

«ادامه پاسخ ها در صفحه دوم»

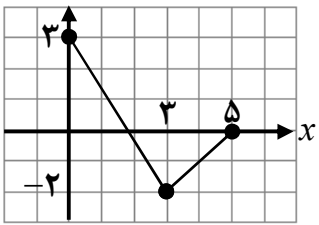
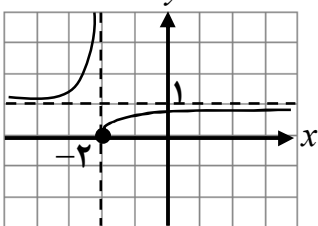
مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۸/۰۳/۱۳۹۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۸	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف																		
۱/۲۵	<p>کافی است نشان دهیم $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$.</p> $\lim_{x \rightarrow a} (f(x) - f(a)) = \lim_{x \rightarrow a} (x-a) \underbrace{\left(\frac{f(x) - f(a)}{x-a} \right)}_{(0/25)} = \lim_{x \rightarrow a} (x-a) \times \lim_{x \rightarrow a} \underbrace{\left(\frac{f(x) - f(a)}{x-a} \right)}_{(0/25)}$ $= 0 \times f'(a) = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow a} (f(x) - f(a)) = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a) \quad (0/25)$ <p>(قضیه صفحه ۸۶)</p>	۱۰																		
۱/۷۵	<p>(فرمول های مشتق گیری از صفحه ۹۲ تا صفحه ۹۶)</p> <p>الف) $f'(x) = \frac{2x(x^2 + 2x + 1) - (x^2 - 1)(2x^2 + 2)}{(x^2 + 2x + 1)^2} \quad (0/25)$</p> <p>ب) $g'(x) = \frac{-6 \cos^2(2x) \sin(2x)}{(0/25)} \quad (0/25)$</p>	۱۱																		
۰/۷۵	<p>نمودار (ب) $(0/25)$. سهمی نمودار داده شده ماکزیمم دارد. پس ضریب x^2 منفی است. $(0/25)$ لذا در مشتق تابع ضریب x منفی خواهد بود. در نتیجه نمودار مشتق، خطی با شیب منفی است. $(0/25)$ (مشابه سوال ۹ صفحه ۱۰۰)</p>	۱۲																		
۱	<p>(آهنگ تغییرات از صفحه ۱۰۲ تا صفحه ۱۱۰)</p> $\text{آهنگ تغییر متوسط} = \frac{f(2) - f(0)}{2 - 0} = \frac{4}{2} = 2 \quad (0/25)$ <p>آهنگ تغییر لحظه ای $f'(x) = 3x^2 - 2 \quad (0/25) \Rightarrow f'(1) = 1 \quad (0/25)$</p>	۱۳																		
۱/۵	<p>(مشابه مثال صفحه ۱۱۷)</p> <p>$f'(x) = \frac{2x-2}{2\sqrt{x^2-2x+4}} \quad (0/25) \xrightarrow{f'=0} x=1 \quad (0/25)$, $f(0) = f(2) = 2 \quad (0/25)$ مقدار ماکزیمم مطلق</p> <p>$f(1) = \sqrt{3} \quad (0/25)$ مقدار مینیمم مطلق</p>	۱۴																		
۱/۲۵	<p>(مشابه سوال ۱۱ صفحه ۱۲۶)</p> $f'(x) = \frac{2x}{(x^2+1)^2} \quad (0/25) \xrightarrow{f'(x)=0} x=0$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>$-$</td> <td>0</td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>\searrow</td> <td>0</td> <td>\nearrow</td> </tr> </table> <p>$(0/5)$</p> <p>$(-\infty, 0)$ نزولی $(0/25)$</p> <p>$(0, +\infty)$ صعودی $(0/25)$</p>	x	$-\infty$	0	$+\infty$	f'	$-$	0	$+$	f	\searrow	0	\nearrow	۱۵						
x	$-\infty$	0	$+\infty$																	
f'	$-$	0	$+$																	
f	\searrow	0	\nearrow																	
۱/۲۵	<p>$f'(x) = 3ax^2 + 2bx \Rightarrow \xrightarrow{f'=0} 6a + 2b = 0 \quad (0/25)$</p> <p>$f''(x) = 6ax + 2b \quad (0/25)$</p> <p>$f(1) = 1 \Rightarrow a + b - 1 = 1 \Rightarrow a + b = 2 \quad (0/25)$</p> <p>$\left. \begin{matrix} a = -1 \quad (0/25) \\ b = 3 \quad (0/25) \end{matrix} \right\} \Rightarrow$ (مشابه سوال ۴ صفحه ۱۳۶)</p>	۱۶																		
۱/۷۵	<p>$x=1$ قائم $(0/25)$ (مشابه سوال ۱ صفحه ۱۴۴)</p> <p>$y=1$ افقی $(0/25)$</p> $y' = \frac{-2}{(x-1)^2} < 0 \quad (0/25)$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>$-$</td> <td>$-$</td> <td>$-$</td> <td>$-$</td> <td>$-$</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>1</td> <td>\searrow</td> <td>$-\infty$</td> <td>\nearrow</td> <td>1</td> </tr> </table> <p>$(0/5)$</p>  <p>$(0/5)$</p>	x	$-\infty$	0	1	2	$+\infty$	f'	$-$	$-$	$-$	$-$	$-$	f	1	\searrow	$-\infty$	\nearrow	1	۱۷
x	$-\infty$	0	1	2	$+\infty$															
f'	$-$	$-$	$-$	$-$	$-$															
f	1	\searrow	$-\infty$	\nearrow	1															

" در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است "

تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۶/۰۹	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

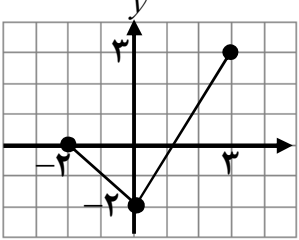
۱	<p>کوتاه پاسخ دهید.</p> <p>الف) درجه تابع $f(x) = x^2(1-x)^5$ را مشخص کنید.</p> <p>ب) در فاصله $[0, 1]$ از بین دو تابع $f(x) = x^2$ و $g(x) = x^3$، نمودار کدام تابع پایین تر قرار دارد؟</p> <p>پ) نمودار تابع $y = -f(x)$، قرینه نمودار تابع $y = f(x)$ نسبت به کدام محور است؟</p> <p>ت) تابع $h(x) = x+2$ در چه بازه ای اکیداً صعودی است؟</p>	۱
۲	<p>نمودار تابع f در شکل زیر رسم شده است. نمودار تابع $g(x) = f(3-x)$ را رسم کرده و دامنه آن را تعیین کنید.</p> 	۱
۳	<p>مقادیر a و b را طوری تعیین کنید که چند جمله ای $P(x) = x^3 + ax^2 + bx + 1$ بر $(x-2)$ و $(x+1)$ بخش پذیر باشد.</p>	۱
۴	<p>اگر $\log(x+1) \leq \log(2x-3)$، حدود x را به دست آورید.</p>	۰/۵
۵	<p>دوره تناوب، مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع $y = -3\cos(\pi x) + 1$ را مشخص کنید.</p>	۱/۵
۶	<p>کدام یک از جملات زیر درست و کدام یک نادرست است؟</p> <p>الف) تابع تانژانت در بازه $(\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4})$ اکیداً صعودی است.</p> <p>ب) نقاطی به فرم $x = k\pi + \frac{\pi}{4}$، $(k \in Z)$ در دامنه تابع تانژانت قرار دارند.</p>	۰/۵
۷	<p>معادله مثلثاتی $\sin 3x = \sin 2x$ را حل کنید.</p>	۱
۸	<p>با توجه به نمودار تابع f که در شکل زیر آورده شده است، به سوالات پاسخ دهید.</p>  <p>الف) $\lim_{x \rightarrow (-2)^-} f(x)$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$</p>	۰/۵
۹	<p>حدهای زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 - 1}{(x-1)^2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-2x^3 + x - 1)$ پ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 + 1}{2x^3 - 4x}$</p>	۱/۷۵

«ادامه سوالات در صفحه دوم»

تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۶/۰۹	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۸	

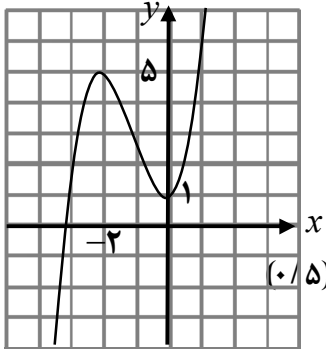
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	مجانِب های قائم و افقی نمودار تابع $y = \frac{x+3}{2-x}$ را بنویسید.	۰/۷۵
۱۱	با توجه به نمودار داده شده، گزینه مناسب را انتخاب کنید. (i) در کدام نقطه مماس افقی بر نمودار رسم می شود؟ الف) B ب) E (ii) شیب خط مماس در نقطه F چه علامتی دارد؟ الف) مثبت ب) منفی (iii) شیب خط مماس بر نمودار، در نقطه D نسبت به نقطه B چگونه است؟ الف) بیشتر ب) کمتر	۰/۷۵
۱۲	مشتق پذیری تابع $f(x) = x^2 - 4 $ را در $x = 2$ بررسی کنید.	۲
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. الف) $f(x) = (2x^3 + \sqrt[3]{x} - 1)^4$ ب) $g(x) = \cos\left(\frac{x}{x^2 + 1}\right)$	۲/۲۵
۱۴	آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع $f(x) = 2x^2 + 5x + 1$ در نقطه $x = 2$ چند برابر آهنگ تغییر لحظه‌ای آن در $x = -1$ است؟	۱
۱۵	مقادیر اکسترمم های نسبی و مطلق تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + x^2$ را در بازه $[-2, 3]$ به دست آورید.	۱/۷۵
۱۶	ابتدا جهت تقعر تابع $y = \frac{x+1}{x-1}$ را مشخص کرده، سپس وجود نقطه عطف آن را بررسی کنید.	۱/۵
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $y = x^3 + 3x^2 + 1$ را رسم کنید.	۱/۲۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۶/۰۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) ۷ (۰/۲۵) (کار در کلاس صفحه ۱۱) پ) محور طول ها (۰/۲۵) (نکته صفحه ۷) ب) $g(x) = x^3$ (۰/۲۵) (کار در کلاس صفحه ۱۴) ت) $(-2, +\infty)$ (۰/۲۵) (کار در کلاس صفحه ۱۷)	۱
۲	تمرین ۲، قسمت ث، صفحه ۱۲ $D_g = [-2, 3]$ (۰/۵) 	۱
۳	تمرین ۷ صفحه ۲۲ $a = -\frac{3}{2}$ (۰/۲۵) $b = -\frac{3}{2}$ (۰/۲۵) $4a + 2b = -9$ (۰/۲۵) $a - b = 0$ (۰/۲۵)	۱
۴	قسمت ۴ کار در کلاس صفحه ۱۸ $x + 1 \leq 2x - 3$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x \geq 4$ (۰/۲۵)	۰/۵
۵	مشابه مثال صفحه ۲۷ $T = \frac{2\pi}{\pi} = 2$ (۰/۵), $\max = -3 + 1 = 4$ (۰/۵), $\min = - -3 + 1 = -2$ (۰/۵)	۱/۵
۶	الف) درست (۰/۲۵) (قسمت پ کار در کلاس صفحه ۳۱) ب) نادرست (۰/۲۵) (نکته بالای صفحه ۳۲)	۰/۵
۷	مثال دوم صفحه ۳۹ $3x = 2k\pi + 2x$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = 2k\pi$ ($k \in Z$) (۰/۲۵) $3x = (2k+1)\pi - 2x$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = \frac{(2k+1)\pi}{5}$ ($k \in Z$) (۰/۲۵)	۱
۸	الف) $+\infty$ (۰/۲۵) ب) ۱ (۰/۲۵) (مشابه کار در کلاس صفحه ۵۰)	۰/۵
۹	قسمت پ کار در کلاس صفحه ۵۳ الف) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)^2} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x+1}{x-1} = +\infty$ (۰/۲۵) ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^2(-2 + \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x^3}) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-2x^2) = +\infty$ (۰/۲۵) پ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3}{2x^3} = \frac{1}{2}$ (۰/۲۵) (مشابه تمرین ۳ صفحه ۶۹)	۱/۷۵
۱۰	م. قائم: $x = 2$ (۰/۲۵) م. افقی: $y = -1$ (۰/۲۵) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x+2}{2-x} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x}{-x} = -1$ (۰/۲۵) (مشابه تمرین ۴ صفحه ۶۹)	۰/۷۵
۱۱	الف) مثبت (۰/۲۵) ب) (E) (۰/۲۵) ج) (ii) (۰/۲۵) د) (iii) ب (کمتر) (۰/۲۵) (مشابه تمرین ۳ و ۲ صفحه ۸۱)	۰/۷۵
۱۲	مشابه مثال صفحه ۸۶ $f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ x^2 - 4 - 0}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{(x-2)(x+2)}{x-2} = 4$ (۰/۲۵)	۲

« ادامه پاسخ ها در صفحه دوم »

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۶/۰۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره															
ادامه ۱۲	$f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-(x^2 - 4)}{x - 2} \quad (0/25) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-(x-2)(x+2)}{x-2} = -4 \quad (0/25) \Rightarrow f'_+(2) \neq f'_-(2) \quad (0/25)$ <p>تابع در این نقطه مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)</p>																
۱۳	<p>محاسبه تابع مشتق برخی توابع از صفحه ۹۲ تا صفحه ۹۸</p> <p>الف) $f'(x) = \underbrace{4}_{(0/25)} \underbrace{(2x^2 + \sqrt{x} - 1)^2}_{(0/25)} \underbrace{(6x^2 + \frac{1}{3\sqrt{x^2}})}_{(0/5)}$</p> <p>ب) $g'(x) = -\sin(\frac{x}{x^2+1}) \quad (0/5) \times \frac{(0/25)(x^2+1) - 2x^2 \quad (0/25)}{(x^2+1)^2 \quad (0/25)}$</p>	۲/۲۵															
۱۴	<p>(آهنگ متوسط و لحظه ای تغییر از صفحه ۱۰۲ تا صفحه ۱۱۰)</p> <p>$f'(x) = 4x + 5 \quad (0/25) \Rightarrow f'(-1) = 1 \quad (0/25)$ $f'(2) = 13 \quad (0/25)$</p> <p>۱۳ برابر (۰/۲۵). زیرا:</p>	۱															
۱۵	<p>مینیمم مطلق $f(0) = 0 \quad (0/25)$ ماکزیمم مطلق $f(3) = 18 \quad (0/25)$</p> <p>$f(x) = x^2 + 2x \xrightarrow{f'=0} x=0, x=-2 \Rightarrow f(-2) = \frac{4}{3} \quad (0/25)$</p> <p>(مشابه مثال صفحه ۱۲۳)</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>-2</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+ 0 - 0 +</td> <td>(0/25) f(0) = 0</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>↗ 4 ↘</td> <td>↗ 0 ↘</td> </tr> </table> <p>مینیمم نسبی (۰/۵)</p>	x	-2	0	f'	+ 0 - 0 +	(0/25) f(0) = 0	f	↗ 4 ↘	↗ 0 ↘	۱/۲۵						
x	-2	0															
f'	+ 0 - 0 +	(0/25) f(0) = 0															
f	↗ 4 ↘	↗ 0 ↘															
۱۶	<p>قسمت ب تمرین ۲ صفحه ۱۳۶</p> <p>$y' = \frac{-2}{(x-1)^2} \quad (0/25), y'' = \frac{4}{(x-1)^3} \quad (0/25)$ $x-1=0 \Rightarrow x=1$</p> <p>در بازه $(1, +\infty)$ تقعر رو به بالا (۰/۲۵) در بازه $(-\infty, 1)$ تقعر رو به پایین (۰/۲۵)</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>-</td> <td>+</td> <td></td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>↘ ↗</td> <td>↘ ↗</td> <td></td> </tr> </table> <p>نقطه عطف ندارد. (۰/۲۵)</p>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	f''	-	+		f	↘ ↗	↘ ↗		۱/۵			
x	$-\infty$	1	$+\infty$														
f''	-	+															
f	↘ ↗	↘ ↗															
۱۷	<p>$y' = 3x^2 + 6x \quad (0/25) \xrightarrow{y'=0} x=0, x=-2$</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-2</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+ 0 - 0 +</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>↘ ↗</td> <td>↘ ↗</td> <td>↗ ↘</td> <td></td> </tr> </table> <p>مینیمم ماکزیمم (۰/۵)</p> <p>(مشابه قسمت ب تمرین ۱ صفحه ۱۴۴)</p> 	x	$-\infty$	-2	0	$+\infty$	f'	+ 0 - 0 +				f	↘ ↗	↘ ↗	↗ ↘		۱/۲۵
x	$-\infty$	-2	0	$+\infty$													
f'	+ 0 - 0 +																
f	↘ ↗	↘ ↗	↗ ↘														

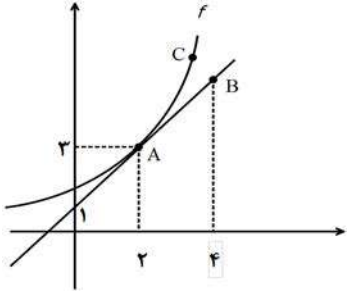
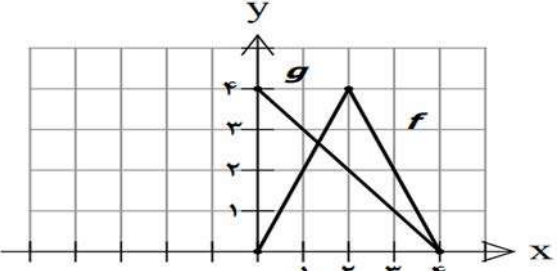
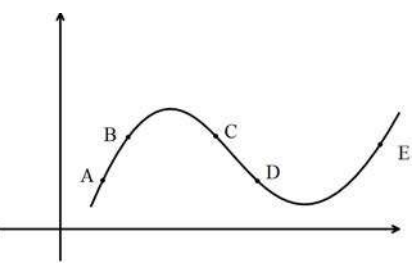
" در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است "

نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۱۴	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۸	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) اگر تابع f در یک بازه نزولی باشد، آنگاه در این بازه اکیدا نزولی نیز می باشد. ب) سرعت لحظه ای در $t = ۲$ برای متحرکی با معادله حرکت $f(t) = t^2 + ۳t$ برابر ۷ است.	۱
۲	در جاهای خالی کلمه یا عبارت مناسب را بنویسید. الف) اگر $\left(\frac{1}{2}\right)^{3x-2} \leq \frac{1}{64}$ باشد، حدود x برابر است. ب) حاصل $\lim_{x \rightarrow +\infty} (۳ - ۲x - ۵x^۴)$ برابر با است. پ) اگر $f'(۲) = -۱$ و $g'(۲) = ۳$ ، در این صورت $(۲f + ۳g)'(۲)$ برابر با است. ت) طول نقطه عطف تابع $f(x) = x^۳ - ۶x^۲$ برابر است.	۲
۳	نمودار تابع $f(x)$ در شکل زیر رسم شده است. نمودار تابع $g(x) = f(۲x + ۱)$ را رسم کرده و دامنه و برد آن را تعیین کنید.	۱/۲۵
۴	در چند جمله ای $p(x) = x^۳ + ax^۲ + b$ مقادیر a, b را چنان بیابید که باقی مانده تقسیم آن بر $x - ۱$ برابر با ۴ باشد و بر $x + ۲$ بخش پذیر باشد.	۱/۲۵
۵	ضابطه تابعی به صورت $y = a \sin bx + c$ را بنویسید که دوره تناوب آن π ، مقدار ماکزیمم آن ۶ و مقدار مینیمم آن -۲ باشد.	۱/۵
۶	معادله $۲ \cos ۳x - \sqrt{۳} = ۰$ را حل کنید.	۱/۵
۷	مجانب های قائم و افقی تابع $f(x) = \frac{x^2 + x}{x^2 - x}$ را بیابید.	۱
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

نام و نام خانوادگی :	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۱۴	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سوالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۸		

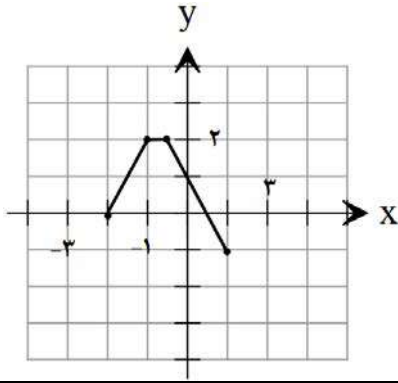
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	---	------

۱/۵	الف) $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{[x] - 2}{3 - x}$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{3x+1}{x-5} - \frac{2}{x} \right)$	۸	حاصل حدهای زیر را به دست آورید.
۱		۹	در شکل روبرو نمودار تابع $f(x)$ و خط مماس بر منحنی آن در نقطه ی $x = 2$ داده شده است: الف) مشتق تابع $f(x)$ را در نقطه ی $x = 2$ را بیابید. ب) معادله خط مماس بر نمودار تابع در نقطه A را بنویسید
۱/۲۵	$f(x) = \begin{cases} x^2 + 3 & x \geq 1 \\ 3x + 1 & x < 1 \end{cases}$	۱۰	مشتق پذیری تابع مقابل را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.
۱/۷۵	الف) $f(x) = \frac{2x+3}{x^2-2x^2}$ ب) $g(x) = \sin^2(2x+1)$	۱۱	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)
۱		۱۲	نمودار تابع f, g را در شکل مقابل در نظر بگیرید. اگر $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ باشد، $h'(1)$ را بیابید.
۱		۱۳	شکل زیر را در نظر بگیرید. در کدام یک از پنج نقطه مشخص شده در نمودار: الف) $f'(x)$ و $f''(x)$ هر دو منفی اند. ب) $f'(x)$ منفی و $f''(x)$ مثبت است.
۱/۲۵	اکستریم های مطلق تابع $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$ را در بازه ی $[-1, 2]$ مشخص کنید.	۱۴	
۱/۷۵	جدول تغییرات و نمودار تابع $f(x) = \frac{2x}{x-1}$ را رسم کنید.	۱۵	
۲۰	جمع نمره		موفق و سربلند باشید.

کودآورنده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

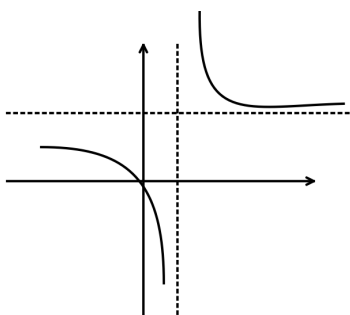
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸ / ۱۰ / ۱۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۸	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	هر مورد (۰/۵) نمره	(ب) درست	(الف) نادرست	۱	
۲	هر مورد (۰/۵) نمره	(پ) ۷ (ت) ۲	(ب) $-\infty$	(الف) $(\frac{1}{3}, +\infty)$	۲
۱/۲۵		$D = [-2, 1]$ و $R = [-1, 2]$ (۰/۲۵)	رسم درست تابع (۰/۷۵)	۳	
۱/۲۵	$x - 1 = 0 \rightarrow x = 1 \rightarrow p(1) = 4 \rightarrow a + b = 3$ (۰/۲۵) $x + 2 = 0 \rightarrow x = -2 \rightarrow p(-2) = 0 \rightarrow 4a + b = 8 \Rightarrow$ (۰/۵) $a = \frac{5}{3}$ (۰/۲۵), $b = \frac{4}{3}$ (۰/۲۵)			۴	
۱/۵	$\frac{2\pi}{ b } = \pi \Rightarrow b = 2$ (۰/۵) $\begin{cases} a + c = 6 \\ - a + c = -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 4 \\ c = 2 \end{cases}$ (۰/۲۵) هر یک از توابع $y = 4\sin(2x) + 2$ یا $y = -4\sin(2x) + 2$ یا $y = 4\sin(-2x) + 2$ و یا $y = -4\sin(-2x) + 2$ صحیح است هر مورد نوشته شود مورد قبول است. (۰/۵)			۵	
۱/۵	$\cos 3x = \frac{\sqrt{3}}{2} = \cos \frac{\pi}{6}$ (۰/۵) $\Rightarrow 3x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{6}$ (۰/۵) $\Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} \pm \frac{\pi}{12}$ (۰/۵)			۶	
۱	$x^2 - x = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 1 & (۰/۲۵) \\ x = 0 & (۰/۲۵) \end{cases}$ مجانب قائم قابل قبول نیست $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2 + x}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2}{x^2} = 1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = 1$ (۰/۲۵)			۷	
۱/۵	$\frac{[3^+] - 2}{3 - 3^+} = \frac{3 - 2}{0^-} = \frac{1}{0^-} = -\infty$ (۰/۵) (الف) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\frac{3^x}{x} - 0)$ (۰/۵) $= 3 - 0 = 3$ (۰/۲۵) (ب)			۸	
۱	$y - 3 = 1(x - 2) \Rightarrow y = x + 1$ (۰/۵) (ب)	$f'(2) = \frac{3-1}{2-0} = 1$ (الف) (۰/۵)		۹	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۱۳۹۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۸	

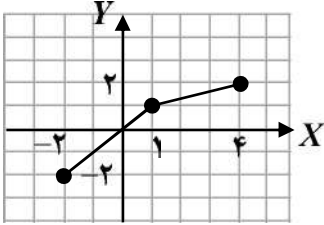
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱/۲۵	$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + 3 - 4}{x - 1} = 2 \quad (0/5)$ $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3x + 1 - 4}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3x - 3}{x - 1} = 3 \quad (0/5) \rightarrow f'_-(1) \neq f'_+(1)$ <p style="text-align: right;">بنابراین تابع f را در $x = 1$ مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)</p>	۱۰																
۱/۲۵	<p style="text-align: center;">(۰/۵)</p> $y' = \frac{2(x^2 - 2x^2) - (3x^2 - 4x)(2x + 3)}{(x^2 - 2x^2)^2}$ <p style="text-align: center;">(۰/۵)</p> <p>ب) $y' = 3 \times 2 \sin^2(2x + 1) \cos(2x + 1)$ <small>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</small></p>	۱۱																
۱	<p style="text-align: center;">(۰/۵) (۰/۲۵)</p> $h'(1) = \frac{f'(1)g(1) - f(1)g'(1)}{g^2(1)} = \frac{2 \times 3 - (2)(-1)}{9} = \frac{8}{9} \quad (0/25)$	۱۲																
۱	(الف) نقطه C (۰/۵) (ب) نقطه D (۰/۵)	۱۳																
۱/۲۵	$f'(x) = 6x^2 + 6x - 12 = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -2 \end{cases} \quad (0/5) \quad \text{قابل قبول نیست}$ $f(-1) = 13, f(2) = 4, f(1) = -7 \Rightarrow \min : (1, -7) \quad (0/25), \max : (-1, 13) \quad (0/25)$	۱۴																
۱/۲۵	$f'(x) = \frac{-2}{(x-1)^2} < 0 \quad (0/25)$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵) $y = 2$ مجانب قائم و $x = 1$ مجانب افقی (۰/۲۵)</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">  </div> <div style="text-align: center;"> <table border="1" style="border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">f'</td> <td style="padding: 5px;">-</td> <td style="padding: 5px;"> </td> <td style="padding: 5px;">-</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">f</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;"> </td> <td style="padding: 5px;">2</td> </tr> <tr> <td></td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;"> </td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> </table> <p style="text-align: right;">جدول (۰/۵)</p> <p style="text-align: right;">شکل (۰/۵) نمره</p> </div> </div>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	f'	-		-	f	2		2		$-\infty$		$+\infty$	۱۵
x	$-\infty$	1	$+\infty$															
f'	-		-															
f	2		2															
	$-\infty$		$+\infty$															
۲۰	جمع نمره	« همکاران گرامی لطفاً به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید. »																

نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۱	تعداد صفحه: ۲	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سؤالات پاسخ نامه دارد)		

الف) بخش الزامی

دانش آموز عزیز به سوالات ۱ تا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره) پاسخ دهید.

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) نمودار تابع $y = x^3$ در بازه $[0, 1]$ پایین تر از نمودار تابع $y = x^2$ قرار دارد. ب) اگر تابع $f(x)$ در یک فاصله صعودی باشد، آنگاه اکیدا صعودی نیز خواهد بود. پ) اگر تابع f در $x = a$ پیوسته نباشد آنگاه f در a مشتق پذیر هم نیست. ت) تابعی وجود ندارد که برای آن هم $f'(a) = 0$ و هم $f(a) = 0$	۱
۱	در جاهای خالی کلمه یا عبارت مناسب را بنویسید. الف) دوره تناوب تابع $y = 8 \cos(\frac{x}{3})$ برابر با است. ب) اگر $f'(1) = 3$ و $g'(1) = 5$ ، در این صورت $(3f + 2g)'(1)$ برابر با است.	۲
۱	با توجه به نمودار تابع f که در شکل زیر آمده است، نمودار تابع $g(x) = f(2x) - 1$ را رسم کرده و دامنه و برد آن را تعیین کنید.	۳
۱		
۱	نمودار تابع $f(x) = x^2 + 2$ را رسم کرده و مشخص کنید در چه بازه ای اکیدا نزولی است؟	۴
۱	مقادیر a, b را طوری تعیین کنید که چند جمله ای $x^3 + ax^2 + bx + 1$ بر $x - 2$ و $x + 1$ بخش پذیر باشد.	۵
۱	مقدار ماکزیمم و مینیمم تابع $y = 1 + 2 \sin 7x$ را به دست آورید.	۶
۱/۵	معادله $2 \sin 3x - \sqrt{2} = 0$ را حل کنید.	۷
۲	حدود زیر را محاسبه کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow c^+} \frac{x^2 + x}{x^2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^2 - x + 1}{4x^3 + 2x - 1}$	۸
«ادامه سوالات در صفحه دوم»		

نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۱	تعداد صفحه: ۲	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir	دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹		
نمره	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سوالات پاسخ نامه دارد)		
۰/۵	<p>۹ نمودار تابع f را به گونه ای رسم کنید که همه شرایط زیر را دارا باشد.</p> <p>الف) $f(1) = f(-2) = 0$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = +\infty$, $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = -\infty$</p> <p>پ) خط $y = -1$ مجانب افقی آن باشد.</p>		
۱/۵	<p>۱۰ معادله خط مماس بر منحنی تابع $f(x) = -x^2 + 10x$ را در نقطه $A(2, f(2))$ واقع بر نمودار تابع بنویسید.</p>		
۳	<p>۱۱ مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)</p> <p>الف) $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{-3x + 2}$</p> <p>ب) $g(x) = \sqrt{x}(3x^2 + 5)$</p> <p>پ) $h(x) = \sin^2 x + \cos^2 x$</p>		
۱/۵	<p>۱۲ معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^2 - t + 10$ بر حسب متر در بازه زمانی $[0, 5]$ داده شده است. در کدام لحظه در این بازه، سرعت لحظه ای با سرعت متوسط با هم برابرند؟</p>		
	<p>ب) بخش انتخابی</p> <p>دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره، از بین سوالات ۱۳ تا ۱۶ فقط ۲ سوال را به دلخواه انتخاب و پاسخ دهید.</p>		
۲	<p>۱۳ مجانب های قائم و افقی نمودار تابع $y = \frac{x}{x^2 - 4}$ را در صورت وجود به دست آورید.</p>		
۲	<p>۱۴ مشتق پذیری تابع $f(x) = x^2 - 1$ را در $x = 1$ بررسی کنید.</p>		
۲	<p>۱۵ جهت تقعر و نقطه عطف تابع $f(x) = x^3 + 3x^2 + 1$ را مشخص کنید.</p>		
۲	<p>۱۶ جدول تغییرات و نمودار تابع $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ را رسم کنید.</p>		
۲۴	جمع نمره موفق و سربلند باشید.		

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۴ / ۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	هر مورد (۰/۲۵) نمره	(ت) نادرست	(پ) درست	(ب) نادرست	(الف) درست	۱
۱	هر مورد (۰/۵) نمره	مثال صفحه ۲۷	(ب) ۱۹	مثال صفحه ۲۷	6π (الف)	۲
۱		(۰/۲۵)	(۰/۲۵)	$D_g = [-1, 2]$ (۰/۲۵) $R_g = [-3, 1]$ (۰/۲۵)	مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۲	۳
۱		(۰/۵)	اکیدا نزولی (۰/۲۵) $(-\infty, 0)$ اکیدا صعودی (۰/۲۵) $(0, +\infty)$	مشابه کار در کلاس صفحه ۱۷		۴
۱	$x - 2 = 0 \rightarrow x = 2 \rightarrow p(2) = 0 \rightarrow 4a + 2b = -9$ (۰/۲۵) $x + 1 = 0 \rightarrow x = -1 \rightarrow p(-1) = 0 \rightarrow a - b = 0$ (۰/۲۵) $a = -\frac{3}{2}$ (۰/۲۵), $b = -\frac{3}{2}$ (۰/۲۵)		تمرین صفحه ۲۲			۵
۱	$\begin{cases} \max y = a + c = 2 + 1 = 3 & (۰/۵) \\ \min y = - a + c = -2 + 1 = -1 & (۰/۵) \end{cases}$		تمرین صفحه ۳۳			۶
۱/۵	$\sin 3x = \frac{\sqrt{2}}{2} = \sin \frac{\pi}{4}$ (۰/۵) $\Rightarrow \begin{cases} 3x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} & (۰/۵) \\ 3x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{4} & (۰/۵) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{12} & (k \in \mathbb{Z}) \\ x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{4} & (۰/۵) \end{cases}$		مثال ص ۳۹			۷
۲	الف) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x(x+1)}{x^2}$ (۰/۵) = $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{(x+1)}{x} = \frac{1}{0^+} = +\infty$ (۰/۵) ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^2}{4x^2}$ (۰/۵) = $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{2x} = 0$ (۰/۵)		کار در کلاس صفحه ۵۵			۸

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۴ / ۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۰/۵	تمرین صفحه ۶۹	۹
۱/۵	$f'(x) = -2x + 10$ (۰/۲۵) , $f'(2) = 6$ (۰/۲۵) , $f(2) = 16$ (۰/۲۵) $y - 16 = 6(x - 2)$ (۰/۵) $\Rightarrow y = 6x + 4$ (۰/۲۵)	مثال صفحه ۷۸
۳	الف) $f'(x) = \frac{(2x-3)(-3x+2) - (-3)(x^2-3x+1)}{(-3x+2)^2}$ (۰/۷۵) ب) $g'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}(3x^2+5) + \sqrt{x}(6x)$ (۰/۵) پ) $h'(x) = 3 \times \sin^2 x \times \cos x + 2 \cos x \times (-\sin x)$ (۰/۵)	تمرین صفحه ۱۰۱ کار در کلاس صفحه ۹۵ تمرین صفحه ۱۰۱
۱/۵	$f(5) = 30$, $f(0) = 10 \Rightarrow \frac{f(5) - f(0)}{5 - 0} = 4$ (۰/۷۵) $f'(t) = 2t - 1 = 4 \Rightarrow t = \frac{5}{2}$ (۰/۷۵)	تمرین صفحه ۱۰۹
۲	$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{x} = 0$ (۰/۵) $\Rightarrow y = 0$ (۰/۵) $x^2 - 4 = 0$ (۰/۵) $\Rightarrow x = \pm 2$ (۰/۵)	تمرین صفحه ۶۹ مجانب افقی مجانب های قائم
۲	$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{ x^2 - 1 - 0}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-1)(x+1)}{x-1} = 2$ (۰/۷۵) $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{ x^2 - 1 - 0}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-(x-1)(x+1)}{x-1} = -2$ (۰/۷۵) $f'_-(1) \neq f'_+(1)$ (۰/۵) پس تابع مشتق پذیر نمی باشد	مثال صفحه ۸۶

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۴ / ۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۲	<p>نقطه عطف $f'(x) = 3x^2 + 6x$ (۰/۲۵) $\Rightarrow f''(x) = 6x + 6 = 0$ (۰/۵) $\Rightarrow x = -1 \rightarrow (-1, 3)$ (۰/۲۵)</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>$-$</td> <td>0</td> <td>$+$</td> </tr> </table> <p>مثال صفحه ۱۲۹</p> <p>(۰/۲۵) تقعر رو به بالا $(-1, +\infty)$ (۰/۲۵) تقعر رو به پایین $(-\infty, -1)$</p>	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	f''	$-$	0	$+$	۱۵
x	$-\infty$	-1	$+\infty$							
f''	$-$	0	$+$							

۲	<p>$x = -1$ م. قائم (۰/۲۵) $y = 1$ م. افقی (۰/۲۵) $y' = \frac{2}{(x+1)^2} > 0$ (۰/۵)</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>$+$</td> <td>$+$</td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>1</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table> <p>(۰/۵)</p> <p>مشابه مثال صفحه ۱۴۲</p>	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	f'	$+$	$+$	$+$	f	1	$-\infty$	$+\infty$		۱۶
x	$-\infty$	-1	$+\infty$												
f'	$+$	$+$	$+$												
f	1	$-\infty$	$+\infty$												

۲۴	جمع نمره	« همکاران گرامی لطفاً به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید. »
----	----------	---

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۶/۱۱	ساعت شروع: ۸ صبح
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۹		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سؤالات پاسخ نامه دارد)	نمره
------	--	------

الف) بخش الزامی

دانش آموز عزیز به سوالات ۱ تا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره) پاسخ دهید.

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید. الف) چند جمله ای $P(x) = (x+1)^2(x-2)^2$ یک چند جمله ای از درجه ۵ است. ب) اگر تابع f در یک بازه نزولی اکید باشد، در این بازه نزولی نیز هست. پ) مقدار تابع سینوس در $x = \frac{\pi}{3}$ تعریف نشده است. ت) خط $x = 1$ عماس قائم منحنی $f(x) = \sqrt{x}$ است.	۱
۲	در جاهای خالی کلمه یا عبارت مناسب بنویسید. الف) اگر بازه $[-2, 1]$ دامنه تابع $f(x)$ باشد، دامنه تابع $f(3x+1)$ برابر است. ب) سرعت لحظه ای در $t = 9$ برای متحرکی با معادله حرکت $f(t) = \sqrt{t}$ برابر است.	۱
۳	نمودار تابع زیر را به کمک نمودار تابع $y = \cos x$ رسم کنید. $y = \cos 2x - 1$	۱
۴	مقادیر a و b را طوری تعیین کنید که چند جمله ای $P(x) = x^2 + ax^2 + bx - 2$ بر $(x-2)$ بخش پذیر بوده و باقی مانده تقسیم آن بر $(x+1)$ برابر ۳ باشد.	۱/۵
۵	دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع $y = \sqrt{5} - \pi \cos \frac{1}{3}x$ را محاسبه کنید.	۱
۶	معادله مثلثاتی $\cos 3x - \cos x = 0$ را حل کنید.	۱/۷۵
۷	حدود زیر را محاسبه کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{x+1}{\tan x}$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2+1}{x^2+2x^2+1}$	۱/۵

«ادامه سوالات در صفحه دوم»

کتاب آورنده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

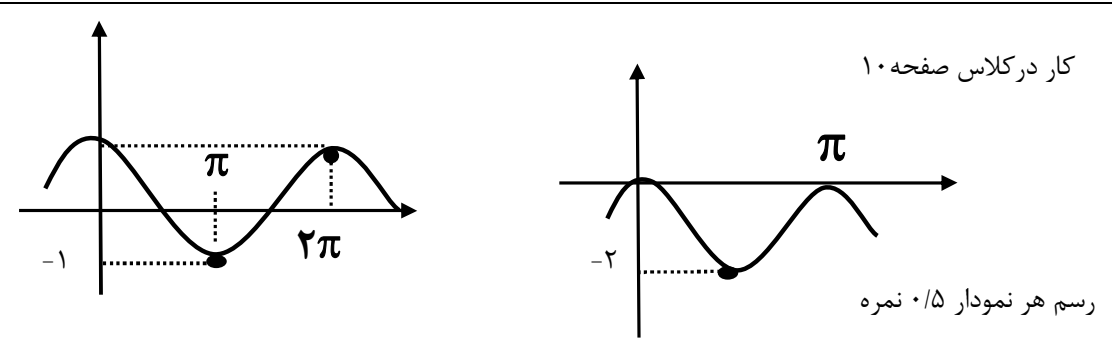
سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۶/۱۱	ساعت شروع: ۸ صبح
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۹		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سؤالات پاسخ نامه دارد)	نمره
------	--	------

۸	اگر رفتار تابع $f(x) = \frac{x+3}{x^2+bx+c}$ در اطراف نقطه $x = -1$ به صورت شکل زیر باشد، مقادیر b و c را به دست آورید.	۱
۹	نمودار تابع $f(x) = \frac{x+1}{x^2+x}$ در نزدیکی مجانب قائم آن به چه صورتی می باشد؟	۱
۱۰	اگر $f(x) = x^2 - 3x$ باشد، با استفاده از تعریف مشتق $f'(1)$ را حساب کنید.	۱/۲۵
۱۱	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) الف) $f(x) = (\sqrt{3x+2})(x^2+1)$ ب) $g(x) = (x^2+3x+1)^y$ پ) $h(x) = \frac{x^2-5x+7}{-2x+9}$	۳
۱۲	اگر $f(x) = \sin^2 x - \cos 2x$ مقدار $f\left(\frac{\pi}{6}\right)$ را حساب کنید.	۱
ب) بخش انتخابی		
دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره، از بین سوالات ۱۳ تا ۱۶ فقط ۲ سوال را به دلخواه انتخاب و پاسخ دهید.		
۱۳	مجانب های قائم و افقی نمودار تابع $y = \frac{1+2x^2}{1-x^2}$ را در صورت وجود به دست آورید.	۲
۱۴	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 & x \leq 0 \\ x & x > 0 \end{cases}$ را در $x = 0$ بررسی کنید.	۲
۱۵	اکستریم های مطلق تابع $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$ را در بازه $[-1, 3]$ مشخص کنید.	۲
۱۶	جدول تغییرات و نمودار تابع $f(x) = x^3 - 3x + 1$ را رسم کنید.	۲
۲۴	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۶ / ۱۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۹	

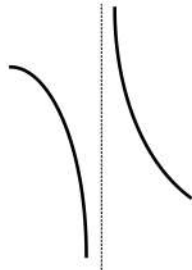
ردیف	راهنمای تصحیح
------	---------------

۱	الف) درست ب) درست پ) نادرست ت) نادرست	هر مورد (۰/۲۵) نمره	۱
۱	الف) $[-1, 0]$ ب) $\frac{1}{6}$	مشابه کار در کلاس صفحه ۱۰ مشابه تمرین صفحه ۲۷ هر مورد (۰/۵) نمره	۲
۱	کار در کلاس صفحه ۱۰ 	رسم هر نمودار ۰/۵ نمره	۳
۱/۵	$x - 2 = 0 \rightarrow x = 2 \rightarrow p(2) = 0 \rightarrow 4a + 2b = -6$ (۰/۵) $x + 1 = 0 \rightarrow x = -1 \rightarrow p(-1) = 3 \rightarrow a - b = 6$ (۰/۵) $a = 1$ (۰/۲۵), $b = -5$ (۰/۲۵)	مشابه تمرین صفحه ۲۲	۴
۱	$\max = \pi + \sqrt{5}$ (۰/۲۵), $\min = -\pi + \sqrt{5}$ (۰/۲۵), $T = \frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = 4\pi$ (۰/۵)	مشابه تمرین صفحه ۳۳	۵
۱/۷۵	$\cos 3x = \cos x$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \begin{cases} 3x = 2k\pi + x \\ 3x = 2k\pi - x \end{cases}$ (۰/۵) $\Rightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi \\ 4x = 2k\pi \end{cases}$ ($k \in \mathbb{Z}$) (۰/۵) $\begin{cases} x = k\pi \\ x = \frac{k\pi}{2} \end{cases}$ ($k \in \mathbb{Z}$) (۰/۵)	مشابه تمرین ص ۴۴	۶
۱/۵	الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan x = -\infty$ (۰/۲۵), $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \tan x = +\infty$ (۰/۲۵), $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} (x+1) = \frac{\pi}{2} + 1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{x+1}{\tan x} = 0$ (۰/۲۵) ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{1} = 1$ (۰/۲۵)	مثال صفحه ۵۳ تمرین صفحه ۶۹	۷
۱	$x = -\frac{b}{2a} = -\frac{b}{2} = -1 \Rightarrow b = 2$ (۰/۵) $(-1)^2 - 2 + c = 0 \Rightarrow c = 1$ (۰/۵)	مشابه تمرین صفحه ۵۸	۸

کتاب آوری: فرزان باستانی و محمدرضا عادل خانی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۶ / ۱۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	$x(x^r + 1) = 0 \Rightarrow x = 0 \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x+1}{x^r+x} = +\infty \quad (0/25), \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x+1}{x^r+x} = -\infty \quad (0/25)$	 <p>مثال صفحه ۵۷</p>	۹
---	---	--	---

۱/۲۵	$f'(1) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^r - 3x + 2}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x-2)}{x-1} = -1 \quad (0/25)$	مشابه مثال صفحه ۷۹	۱۰
------	---	--------------------	----

۳	<p>الف) $f'(x) = \left(\frac{3}{2\sqrt{3x+2}} \right) (x^r + 1) + (3x^r) \left(\sqrt{3x+2} \right) \quad (0/75)$</p> <p>ب) $g'(x) = \sqrt{(2x+3)(x^r+3x+1)} \quad (0/75)$</p> <p>پ) $h'(x) = \frac{(2x-5)(-2x+9) - (-2)(x^r-5x+7)}{(-2x+9)^2} \quad (0/25)$</p>	تمرین صفحه ۱۰۱	۱۱
---	--	----------------	----

۱	$f'(x) = 2 \sin x \cos x + 2 \sin 2x = 3 \sin 2x \quad (0/5)$ $f''(x) = 6 \cos 2x \Rightarrow f''\left(\frac{\pi}{6}\right) = 6 \cos \frac{\pi}{3} = 3 \quad (0/5)$	تمرین صفحه ۱۰۱	۱۲
---	--	----------------	----

مصححین محترم اگر دانش آموز به بیش از ۲ سوال از سوالات انتخابی پاسخ داده باشد، فقط ۲ سوال اول را تصحیح نمایید.

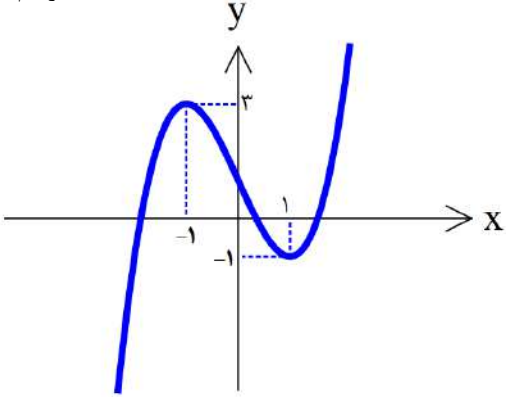
۲	$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^r}{-x^r} = -2 \quad (0/5) \Rightarrow y = -2 \quad (0/5)$ $1 - x^r = 0 \quad (0/5) \Rightarrow x = \pm 1 \quad (0/5)$	مجانب افقی مجانب های قائم	تمرین صفحه ۶۹	۱۳
---	---	------------------------------	---------------	----

۲	$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = f(0) = 0 \quad (0/5)$ $f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x^r - 0}{x - 0} = 0 \quad (0/5)$ $f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x - 0}{x - 0} = 1 \quad (0/5)$ $f'_-(0) \neq f'_+(0) \quad (0/5)$	مثال صفحه ۱۰۱ پس تابع مشتق پذیر نمی باشد	۱۴
---	--	---	----

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۱ / ۰۶ / ۱۳۹۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

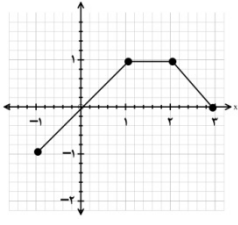
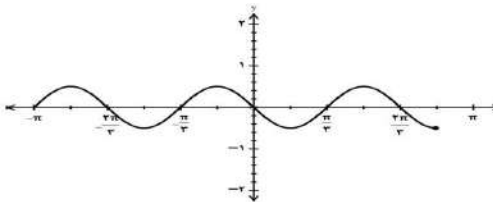
۲	$f'(x) = 6x^2 + 6x - 12 = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -2 \end{cases} \quad (0/5)$ <p>مشابه مثال صفحه ۱۲۳</p> $f(-1) = 13$ $f(1) = -7 \quad (0/75) \Rightarrow \min : (1, -7) \quad (0/25), \max : (3, 45) \quad (0/25)$ $f(3) = 45$	۱۵
---	---	----

۲	$y' = 3x^2 - 3 \quad (0/25) \xrightarrow{y'=0} x = \pm 1 \quad (0/25)$ $y'' = 6x = 0 \rightarrow x = 0 \rightarrow (0, 1) \quad \text{نقطه عطف } (0/5) \text{ نمره}$ <table border="1" style="margin: 10px auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td>+</td> <td>○</td> <td>-</td> <td>○</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>y''</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>○</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>$-\infty$</td> <td>↗</td> <td>3</td> <td>↘</td> <td>1</td> <td>↗</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table> <p style="text-align: center;">max min</p> <p>رسم جدول (0/5) نمره</p> <p>رسم نمودار (0/5) نمره</p>  <p>مشابه تمرین صفحه ۱۴۴</p>	x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$	y'	+	○	-	○	+	y''	-	-	○	+	+	y	$-\infty$	↗	3	↘	1	↗	$+\infty$	۱۶
x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$																							
y'	+	○	-	○	+																							
y''	-	-	○	+	+																							
y	$-\infty$	↗	3	↘	1	↗	$+\infty$																					

۲۴	جمع نمره	« همکاران گرامی لطفاً به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »
----	----------	--

سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

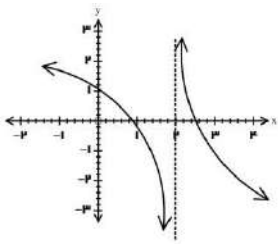
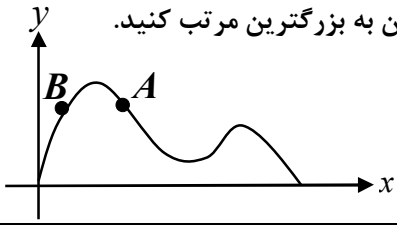
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۱	<p>نمودار تابع $f(x)$ به صورت زیر است. نمودار تابع $g(x) = f(2x - 1)$ را رسم ، دامنه و برد آن را تعیین کنید.</p> 	۱
۲	<p>با رسم نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} 1-x^2 & x \leq 1 \\ -1 & x > 1 \end{cases}$ تعیین کنید تابع درجه بازه ای صعودی و درجه بازه ای نزولی می باشد.</p>	۱
۳	<p>چند جمله ای $x^6 - 1$ را با عامل $x - 1$ تجزیه کنید.</p>	۱
۴	<p>جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. دامنه تابع با ضابطه $y = \tan x$ به صورت $\{x \in \mathbb{R} \mid x \neq \dots\}$ است.</p>	۰/۲۵
۵	<p>درست یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) تابع $f(x)$ در بازه شامل a, b صعودی است. اگر $f(a) \leq f(b)$ آنگاه $a \leq b$ ب) اگر خط $x = a$ مماس قائم بر منحنی تابع $f(x)$ در نقطه $(a, f(a))$ باشد آنگاه $f'(a)$ موجود است.</p>	۱
۶	<p>در شکل نمودار زیر، با تعیین مقادیر ماکزیمم و می نیمم تابع ، ضابطه ی آن را بنویسید.</p> 	۱/۲۵
۷	<p>معادله مثلثاتی $\sin x \cos x = \frac{\sqrt{2}}{4}$ را حل کنید.</p>	۱/۵
۸	<p>حد های زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{[x] + 1}{x + 1}$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5x - x^3}{3x^2 + 2}$</p>	۱
۹	<p>مجانب های قائم و افقی نمودار تابع $f(x) = \frac{4x^2 + 1}{2x^2 + x}$ را در صورت وجود بیابید.</p>	۱/۵

« ادامه سؤالات در صفحه دوم »

سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

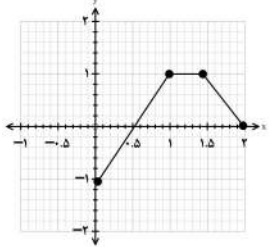
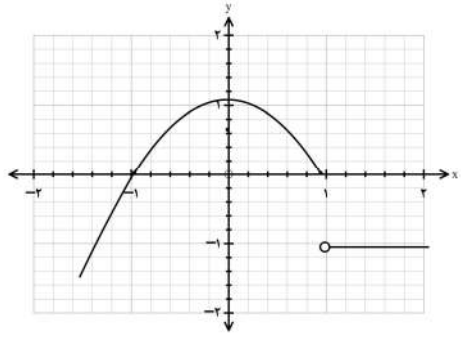
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۱۰	در نمودار تابع $f(x)$ موارد زیر را مشخص کنید. 	۰/۵
۱۱	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \geq 1 \\ 2x & x < 1 \end{cases}$ را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (4x^2 - 7)(2x - 1)^4$ ب) $g(x) = \frac{1 - \sin x}{\cos x}$	۲
۱۳	در نمودار $y = f(x)$ شیب نمودار در نقاط A, B و شیب خط AB را، از کوچکترین به بزرگترین مرتب کنید. 	۱
۱۴	جسمی از سطح زمین به طور عمودی پرتاب شده است، که معادله ارتفاع آن از سطح زمین به صورت $f(t) = -2t^2 + 10t$ می باشد. سرعت لحظه ای این جسم را در $t = 2$ به دست آورید.	۱
۱۵	مقادیر ماکزیمم و می نیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 3x + 1$ را درباره $[-1, 2]$ تعیین کنید.	۱/۵
۱۶	درستی یا نادرستی عبارت را تعیین کنید. الف) در هر نقطه ای که جهت تقعر منحنی تابع عوض شود آن نقطه ی عطف تابع است. ب) اگر $x = c$ طول نقطه اکسترمم نسبی تابع $f(x)$ و $f'(c)$ موجود باشد، آنگاه $f'(c) = 0$	۱
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x}{x-2}$ را رسم کنید.	۲
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

کود آفریننده، فرزانه باهوش و محصل ممتاز عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف

۱	 <p>رسم شکل (۰/۵)</p>	$D_g = [0, 2] \quad (0/25) \quad R_g = [-1, 1] \quad (0/25)$ (مشابه مثال صفحه ۱۰)	۱
۱	 <p>رسم شکل (۰/۵)</p>	(مشابه کار در کلاس صفحه ۱۸ قسمت ۲) صعودی (۰/۲۵) نزولی (۰/۲۵) $[0, +\infty)$	۲
۱		$x^6 - 1 = \overbrace{(x-1)(x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)}^{(0/25)}$ (تمرین ۸ قسمت الف صفحه ۲۲)	۳
۰/۲۵		$x \neq k\pi + \frac{\pi}{2} : k \in \mathbb{Z} \quad (0/25)$ (صفحه ۲۲)	۴
۱		(الف درست (۰/۵) (صفحه ۱۸) (ب نادرست (۰/۵) (صفحه ۸۹)	۵
۱/۲۵		(مثال صفحه ۲۸ قسمت ب) با توجه به نمودار ضابطه به صورت $y = a \sin bx + c$ می شود. $b=3, a=-\frac{1}{2}$ <p> $\max y = \frac{1}{2}, \min y = -\frac{1}{2}, T = \frac{2\pi}{3} \quad (0/5) \Rightarrow y = -\frac{1}{2} \sin 3x \quad (0/25)$ </p>	۶
۱/۵		(مشابه مثال صفحه ۴۰) $\frac{1}{2} \sin 2x = \frac{\sqrt{2}}{4} \Rightarrow \sin 2x = \frac{\sqrt{2}}{2} = \sin \frac{\pi}{4} \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi + \frac{\pi}{8}, k \in \mathbb{Z} & (0/5) \\ x = k\pi + \frac{3\pi}{8}, k \in \mathbb{Z} & (0/5) \end{cases}$	۷

کود آفریننده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۹		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد		
۸	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-1}{x} = +\infty$ (۰/۵) (مشابه کار در کلاس صفحه ۵۳)</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-x}{3} = +\infty$ (۰/۵) (تمرین ۲ صفحه ۶۹ ق پ)</p>	۱
۹	<p>۱/۵ $2x^2 + x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 & (0/25) \\ x = -\frac{1}{2} & (0/25) \end{cases}$ (۰/۵) (مشابه تمرین ۴ صفحه ۶۹) مجانب های قائم</p> <p>$y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{4x^2 + 1}{2x^2 + x} = 2 \Rightarrow y = 2$ (۰/۵) مجانب افقی</p>	۱/۵
۱۰	<p>۰/۵ الف) $+\infty$ (۰/۲۵) ب) $-\infty$ (۰/۲۵) (صفحه ۴۸)</p>	۰/۵
۱۱	<p>۱/۵ $\lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 + 1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} 2x = 2 = f(1)$ (۰/۲۵) تابع پیوسته است. (مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۰۰)</p> <p>$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + 1 - 2}{x - 1} = 2$ (۰/۵), $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2x - 2}{x - 1} = 2$ (۰/۵)</p> <p>$\Rightarrow f'_+(1) = f'_-(1) = 2$ (۰/۲۵) تابع در این نقطه مشتق پذیر است.</p>	۱/۵
۱۲	<p>۲ الف) $f'(x) = \underbrace{(12x^2)(2x-1)^2}_{(0/5)} + \underbrace{4(2x-1)^2(2)(4x^3-7)}_{(0/5)}$ (مشابه تمرین ۱۴ صفحه ۱۰۱)</p> <p>ب) $g'(x) = \frac{\overbrace{-\cos x (\cos x)}^{(0/25)} - \overbrace{(-\sin x)(1-\sin x)}^{(0/5)}}{\underbrace{\cos^2 x}_{(0/25)}}$ (مشابه کار در کلاس صفحه ۹۶)</p>	۲
۱۳	<p>۱ $\underbrace{m_A}_{(0/25)} < \underbrace{m_{AB}}_{(0/5)} = 0 < \underbrace{m_B}_{(0/25)}$ (مشابه تمرین ۷ صفحه ۸۲)</p>	۱

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

کود آلوده: فرزانه بابائی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	$f'(t) = -4t + 10 \Rightarrow f'(2) = -8 + 10 = 2$ <p style="text-align: center;">(۰/۵) (۰/۵)</p>	۱۴ (مشابه مثال صفحه ۱۰۷)
---	--	--------------------------

۱/۵	$f'(x) = 3x^2 - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">(۰/۵)</p> $f(1) = -1 \quad f(-1) = 3 \quad f(2) = 3 \Rightarrow \begin{cases} \max f(x) = 3 & (۰/۲۵) \\ \min f(x) = -1 & (۰/۲۵) \end{cases}$ <p style="text-align: center;">(۰/۵)</p>	۱۵ (مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۲۵)
-----	---	-----------------------------

۱	(ب) درست (۰/۵) (صفحه ۱۱۶)	۱۶ (الف) نادرست (۰/۵) (تمرین ۱ صفحه ۱۳۶)
---	---------------------------	--

۲	$x = 2$ (۰/۲۵) مجانب قائم $y = 1$ (۰/۲۵) مجانب افقی $y' = \frac{-2}{(x-2)^2} < 0$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۱۷ (مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴)
---	--	-----------------------------

رسم شکل (۰/۵)

رسم جدول (۰/۵)

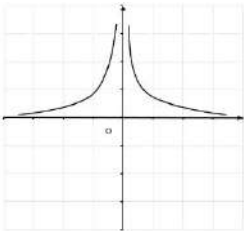
x	$-\infty$	۰	۲	۳	$+\infty$
$f'(x)$		-		-	
$f(x)$	۱	۰	$+\infty$	۳	۱

۲۰	جمع بارم
----	----------

کود آفریننده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

تعداد صفحات: ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۱۷	ساعت شروع: ۸ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	<p>جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>الف) به تابعی که در یک بازه فقط صعودی یا نزولی باشد، می گوئیم.</p> <p>ب) برد تابع تانژانت ($y = \tan x$) برابر است.</p> <p>پ) با توجه به شکل مقابل حد تابع $f(x) = \frac{1}{ x }$ در نقطه $x = 0$ برابر است با</p>  <p>ت) اگر تابع f در $x = a$ مشتق پذیر باشد، آنگاه f در a است.</p>	۱
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) اگر تابع f در هر نقطه اکسترمم نسبی مشتق پذیر باشد، آنگاه مشتق تابع f در این نقاط صفر می شود.</p> <p>ب) تابع صعودی اکیدا، نقطه عطف ندارد.</p> <p>پ) اگر علامت f' بر بازه ای منفی باشد، آنگاه تابع f بر آن بازه اکیدا نزولی است.</p> <p>ت) در نقطه عطف علامت $f''(x)$ تغییر می کند.</p>	۲
۰/۷۵	<p>نمودار تابع $y = \cos(x - \frac{\pi}{4})$ را به کمک نمودار $y = \cos x$ در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید.</p>	۳
۰/۷۵	<p>با رسم نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 & x \geq 0 \\ -3x & -1 < x < 0 \end{cases}$ تعیین کنید، تابع در چه بازه ای اکیدا صعودی و در چه بازه ای اکیدا نزولی می باشد.</p>	۴
۰/۷۵	<p>باقیمانده تقسیم عبارت های $p(x) = x^2 + ax + 1$ و $q(x) = 2x^2 - x + 1$ بر $(x + 2)$ یکسان می باشد. مقدار a را بیابید.</p>	۵
۰/۷۵	<p>ضابطه تابع مثلثاتی سینوس با دوره تناوب ۳ و مقادیر ماکزیمم ۵ و مینیمم ۳ بنویسید.</p>	۶
۱	<p>معادله مثلثاتی $2\cos^2 x = \sin x - 1$ را حل کنید.</p>	۷
۱	<p>حد های زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+1}{ x-2 }$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3 + \frac{1}{x}}{\frac{4}{x} - 2}$</p>	۸

« ادامه سوالات در صفحه دوم »

سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۱۷	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

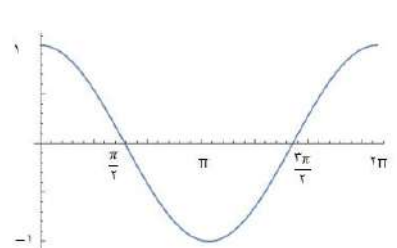
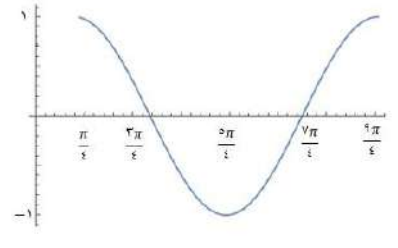
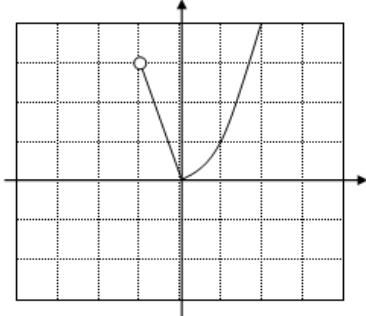
۹	مجانِب های قائم و افقی نمودار تابع $f(x) = \frac{1-2x^2}{x^2-1}$ را در صورت وجود بیابید.	۱/۲۵
۱۰	معادله خط مماس بر منحنی تابع $f(x) = x^3 - 2x$ را در نقطه $A(1, f(1))$ به دست آورید.	۱/۵
۱۱	با توجه به نمودار f به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) طول نقطه ای که مشتق در آن صفر است را بنویسید. ب) طول نقطه "گوشه ای" را بنویسید. پ) طول نقطه ای که در آن مقدار تابع و شیب خط هر دو منفی است، را بنویسید.	۰/۷۵
۱۲	جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاب می کنیم. جهت حرکت به طرف بالا را مثبت در نظر می گیریم. فرض کنید ارتفاع این جسم از سطح زمین در هر لحظه از معادله $h(t) = -5t^2 + 4t$ به دست می آید. مطلوب است: الف) سرعت متوسط در بازه $[1, 2]$ ب) سرعت لحظه ای در زمان $t = 3$	۱
۱۳	با محاسبه مشتق راست و مشتق چپ تابع رسم شده مقابل ؛ مشتق پذیری تابع را در نقطه $A(1, 1)$ بررسی کنید.	۱
۱۴	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (\sqrt{3x+1})(2x^2-1)$ ب) $g(x) = 3\tan^2 x + \cos x^2$ پ) $h(x) = \frac{x^2-3x}{5x}$	۲/۵
۱۵	اکستریم های مطلق تابع $f(x) = x^3 - 3x^2 + 1$ را در بازه $[-1, 1]$ تعیین کنید.	۱/۵
۱۶	اگر نقطه $A(-1, 1)$ نقطه عطف منحنی $f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 1$ باشد. مقادیر a و b را به دست آورید.	۱
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ را رسم کنید.	۲/۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

کود آفریننده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۱۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۴۰۰	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	الف) یکنوا (صفحه ۱۶) (۰/۲۵) ب) \mathbb{R} (صفحه ۳۲) (۰/۲۵) پ) $+\infty$ (صفحه ۴۸) (۰/۲۵) ت) پیوسته (صفحه ۸۶) (۰/۲۵)	۱
۱	الف) درست (صفحه ۱۱۵) (۰/۲۵) ب) نادرست (صفحه ۱۳۲) (۰/۲۵) پ) درست (صفحه ۱۲۸) (۰/۲۵) ت) درست (صفحه ۱۳۲) (۰/۲۵)	۲
۰/۷۵	(مشابه تمرین ۳ صفحه ۲۱ کتاب)	۳
	 <p>(رسم شکل ۰/۲۵)</p>	 <p>(رسم شکل ۰/۵)</p>
۰/۷۵	(مثال صفحه ۱۷ کتاب)	۴
	 <p>(رسم شکل ۰/۲۵)</p>	<p>اکیدا نزولی $(-1, 0]$ (۰/۲۵) اکیدا صعودی $[0, +\infty)$ (۰/۲۵)</p>
۰/۷۵	(مشابه کار در کلاس صفحه ۱۹)	۵
	$x + 2 = 0 \Rightarrow x = -2 \Rightarrow \begin{cases} p(-2) = -2a - 7 \\ q(-2) = 11 \end{cases} \quad (0/5) \Rightarrow a = -9 \quad (0/25)$	
۰/۷۵	(تمرین ۳ صفحه ۳۴)	۶
	$ b = \frac{2\pi}{3} \quad (0/25)$ $ a = 1, c = 4 \quad (0/25) \Rightarrow y = \sin \frac{2\pi}{3}x + 4 \quad (0/25) \quad \text{یا} \quad y = -\sin \frac{2\pi}{3}x + 4$ <p>" تنها نوشتن یکی از ضابطه های بالا کافی است. "</p>	

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

کود آفریننده، فرزانه باهوش و محترم شما عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۱۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۴۰۰	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	$\underbrace{-2\sin^2 x - \sin x + 3 = 0}_{(0/25)} \Rightarrow \begin{cases} \sin x = 1 \Rightarrow x = 2k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} & 0/5 \\ \sin x = \frac{-3}{2} & 0/25 \end{cases}$ <p>غ ق ق ق</p>	۷ (مشابه تمرین ۱ صفحه ۴۴)
۱	<p>الف) $\frac{3}{0^+} = +\infty$ (۰/۵) (مشابه کار در کلاس صفحه ۵۳) ب) $\frac{3+0}{0-2} = \frac{-3}{2}$ (۰/۵)</p>	۸ (مشابه مثال صفحه ۶۲)
۱/۲۵	$x^2 - 1 = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} x = 1 & (0/25) \\ x = -1 & (0/25) \end{cases}$ <p>مجانب های قائم</p> $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1-2x^2}{x^2-1} = -2 \quad (0/25) \Rightarrow y = -2 \quad (0/25)$ <p>مجانب افقی</p>	۹ (مشابه تمرین ۴ صفحه ۶۹)
۱/۵	$f'(x) = 3x^2 - 2 \Rightarrow f'(1) = 1 \quad (0/5) \Rightarrow y = x - 2 \quad (0/75)$ $\Rightarrow f(1) = -1 \quad (0/25)$	۱۰ (مشابه مثال صفحه ۷۸)
۰/۷۵	<p>الف) $x = b$ (۰/۲۵) ب) $x = d$ (۰/۲۵) پ) $x = c$ (۰/۲۵)</p>	۱۱ (مشابه تمرین ۵ صفحه ۸۲)
۱	<p>الف) $\frac{h(2) - h(1)}{2-1} = 25$ (۰/۵) سرعت متوسط</p> <p>ب) $h'(t) = -10t + 40 \Rightarrow h'(3) = 10$ (۰/۵) سرعت لحظه ای</p>	۱۲ (مثال صفحه ۱۰۷)
۱	$y = \begin{cases} 1 & x \leq 1 \\ \frac{1}{x} & x > 1 \end{cases} \Rightarrow y' = \begin{cases} 0 & x < 1 \\ -1 & x > 1 \end{cases} \quad (0/5) \quad y'_-(1) \neq y'_+(1) \quad (0/25)$ <p>تابع در این نقطه مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)</p> <p>" پاسخ با استفاده از تعریف مشتق هم مورد قبول می باشد، همکاران محترم به تناسب بارم را در نظر بگیرید. "</p>	۱۳ (تمرین ۲ صفحه ۹۹)

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

کود آواز ندهد: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۱۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۴۰۰	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۲/۵	<p>(مشابه تمرین صفحه ۱۰۱)</p> <p>الف) $f'(x) = \frac{3}{2\sqrt{3x}}(2x^3 - 1) + (\sqrt{3x} + 1)(6x^2)$ (۰/۷۵)</p> <p>ب) $g'(x) = 6 \tan x(1 + \tan^2 x) + 2x(-\sin x^2)$ (۱)</p> <p>پ) $h'(x) = \frac{(2x-3)(\Delta x) - (\Delta)(x^2-3x)}{(\Delta x)^2}$ (۰/۷۵)</p>	۱۴
-----	---	----

۱/۵	<p>(مشابه مثال صفحه ۱۲۳)</p> $f'(x) = 3x^2 - 6x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \notin [-1, 1] \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f(1) = -1 \\ f(0) = 1 \\ f(-1) = -3 \end{cases} \begin{matrix} \text{max} \\ \text{min} \end{matrix}$ <p>(۰/۵) (۰/۵) (۰/۵)</p>	۱۵
-----	--	----

۱	<p>(مشابه تمرین ۴ صفحه ۱۳۶)</p> $\underbrace{f(-1) = 1 \Rightarrow a - b = 3}_{0/25}, \quad \underbrace{f''(-1) = 0 \Rightarrow -6 + 2a = 0}_{0/25} \Rightarrow a = 3, b = 0$ <p style="text-align: center;">۰/۵</p>	۱۶
---	--	----

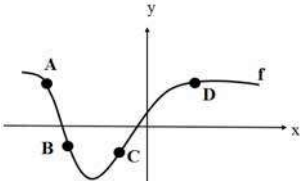
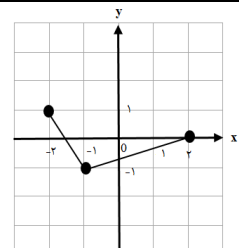
۲/۵	<p>(مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴)</p> <p>مجانب قائم $x = -1$ (۰/۲۵)</p> <p>مجانب افقی $y = 2$ (۰/۲۵)</p> <p>$y' = \frac{3}{(x+1)^2} > 0$ (۰/۲۵)</p> <p>رسم شکل (۰/۵)</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">-1</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$f'(x)$</td> <td style="padding: 5px;">+</td> <td style="padding: 5px;">+</td> <td style="padding: 5px;">+</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$f(x)$</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> <td style="padding: 5px;">2</td> </tr> </table> </div> <p>رسم جدول (۱)</p>	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	$f'(x)$	+	+	+	$f(x)$	2	$+\infty$	2	۱۷
x	$-\infty$	-1	$+\infty$											
$f'(x)$	+	+	+											
$f(x)$	2	$+\infty$	2											

۲۰	<p>« همکاران گرامی لطفاً به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »</p> <p>جمع بارم</p>	
----	---	--

کود آورنده: فرزانه بابایی و محمدرضا عادل خانی

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۰	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت شهریورماه سال ۱۴۰۰		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) تابع $y = -\log_5^x + 1$ در دامنه خود، یک تابع اکیداً یکنوا است.</p> <p>ب) در بازه $\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$ مقدار $\tan \theta$ از مقدار $\sin \theta$ کوچکتر است.</p> <p>پ) تابع $f(x) = [x]$ در نقطه $x = 0$ مشتق پذیر است.</p> <p>ت) هر نقطه ای که در آن مقدار $f''(x)$ برابر صفر شود، یک نقطه عطف تابع $f(x)$ است.</p>	۱
۱	 <p>جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) در نقطه از نمودار مقابل، مقادیر f' و f'' هر دو مثبت است.</p> <p>ب) دوره تناوب تابع تانژانت برابر می باشد.</p> <p>پ) شیب خط مماس بر منحنی $y = 1 - 5x^2 - 2x$ در نقطه ای به طول ۲- واقع بر آن برابر است.</p> <p>ت) اگر $k > 1$ باشد، نمودار $y = f(kx)$ از نمودار $y = f(x)$ در راستای محور x ها به دست می آید.</p>	۲
۱	 <p>نمودار تابع $y = f(x)$ به صورت زیر است. نمودار $g(x) = 2f(x+1)$ را رسم کرده و دامنه و برد تابع g را تعیین کنید.</p>	۳
۱	<p>با رسم نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} -x^2 + 2 & -2 \leq x < -1 \\ -x - 1 & -1 \leq x < 1 \\ x^2 - 1 & 1 \leq x \end{cases}$ تعیین کنید، تابع در چه بازه ای صعودی و در چه بازه ای نزولی می باشد.</p>	۴
۰/۵	چند جمله ای $x^5 + 32$ را بر حسب عامل $(x+2)$ تجزیه کنید.	۵
۰/۵	در $\left(\frac{1}{3}\right)^{10-2x} \leq \left(\frac{1}{81}\right)$ حدود x را به دست آورید.	۶
۱/۵	دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع $y = 9 - 2\pi \cos\left(\frac{x}{3}\right)$ را محاسبه کنید.	۷
۱	معادله $2 \sin x \cos x + 3 \cos x = 0$ را حل کنید.	۸

«ادامه سؤالات در صفحه دوم»

تعداد صفحات: ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۰	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت شهریورماه سال ۱۴۰۰		

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۹	حدهای زیر را محاسبه کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin \Delta x + [-x]}{2x}$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 + 2}{5 - x}$	۱
۱۰	اگر نمودار تابع $f(x) = \frac{(a+1)x + 7}{2x + b}$ به صورت مقابل باشد، آنگاه مقدار $a + b$ را پیدا کنید.	۱
۱۱	مجانبات های قائم و افقی منحنی تابع $y = \frac{x+1}{x^2 + 3}$ را در صورت وجود بیابید.	۱
۱۲	مشتق پذیری تابع $f(x) = 4x(1 - x)$ را در نقطه $x = 0$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = \frac{4 \sin \frac{x}{2}}{x^2 + \sqrt{x}}$ ب) $g(x) = 3x(x^2 - 6x)^3 + \cos 2x$	۲/۵
۱۴	تابعی با ضابطه $f(t) = \frac{240}{t}$ مفروض است. آهنگ لحظه ای تغییر تابع f در لحظه $t = 4$ از آهنگ متوسط تغییر تابع f از لحظه $t = 3$ تا $t = 5$ چه مقدار بیشتر است؟	۱/۵
۱۵	ورق فلزی مستطیل شکلی، به طول ۱۶ سانتی متر و عرض ۶ سانتی متر در نظر بگیرید. می خواهیم از چهار گوشه آن مربع های کوچکی به ضلع x برش بزنیم و آن ها را کنار بگذاریم. سپس لبه جعبه را به اندازه x بر می گردانیم تا یک جعبه سر باز ساخته شود. مقدار x چقدر باشد تا حجم جعبه حداکثر مقدار ممکن گردد.	۱/۲۵
۱۶	جهت تقعر تابع $f(x) = \sqrt[3]{x-1}$ را در دامنه اش بررسی کرده و نقطه عطف آن را در صورت وجود به دست آورید.	۱/۲۵
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = -x^3 + 6x^2 - 9$ را رسم کنید.	۱/۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۰	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۴۰۰		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	الف) درست (تمرین ۳ صفحه ۲۱) (۰/۲۵) ب) درست (تمرین ۶ صفحه ۳۴) (۰/۲۵) پ) نادرست (مثال صفحه ۸۸) (۰/۲۵) ت) نادرست (تمرین ۲ صفحه ۱۳۲) (۰/۲۵)	۱
۲	الف) C (۰/۲۵) (صفحه ۱۲۸) ب) π (۰/۲۵) (صفحه ۳۲) پ) ۱۸ (۰/۲۵) (صفحه ۷۸) ت) انقباض افقی (۰/۲۵) (صفحه ۹)	۱
۳	(مشابه مثال صفحه ۱۰ کتاب) D _f = [-۳, ۱] (۰/۲۵) R _f = [-۲, ۲] (۰/۲۵)	۱
۴	(مثال صفحه ۱۷ کتاب) (۰/۲۵) [-۲, -۱] صعودی، (۰/۲۵) [۱, +∞) صعودی (۰/۲۵) [-۱, ۱] نزولی	۱
۵	(مشابه کار در کلاس صفحه ۲۰ کتاب)	۰/۵
۶	(تمرین ۹ صفحه ۲۲ کتاب)	۰/۵
۷	(تمرین ۱ صفحه ۳۳ کتاب)	۱/۵

$$x^5 + 2^5 = \underbrace{(x+2)}_{(0/25)} \underbrace{(x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 8x + 16)}_{(0/25)}$$

$$3^{2x-10} \leq 3^{-4} \quad (0/25)$$

$$2x-10 \leq -4 \Rightarrow x \leq 3 \quad (0/25)$$

$$\max = |a| + c = |-2\pi| + 9 = 2\pi + 9 \quad (0/5)$$

$$\min = -|a| + c = -|-2\pi| + 9 = -2\pi + 9 \quad (0/5)$$

$$T = \frac{2\pi}{\frac{1}{3}} = 6\pi \quad (0/5)$$

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

کود آفریننده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۰	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۴۰۰		

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	$\underbrace{\cos x(2 \sin x + 3) = 0}_{(0/25)} \Rightarrow \begin{cases} \cos x = 0 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} & (0/25) \\ \sin x = \frac{-3}{2} & (0/25) \end{cases}$	(مشابه تمرین ۱ صفحه ۴۴) $\sin x = \frac{-3}{2}$ قابل قبول نیست (۰/۲۵)	۸
۱	الف) $\frac{-1}{0^+} = -\infty$ (۰/۵) ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2}{-x} = +\infty$ (۰/۵)	(مشابه کار در کلاس صفحه ۵۳ کتاب) (مشابه کار در کلاس صفحه ۶۶ کتاب)	۹
۱	$2x + b = 0 \Rightarrow x = \frac{-b}{2}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \frac{-b}{2} = -1 \Rightarrow b = 2$ (۰/۲۵) $\frac{a+1}{2} = 2 \Rightarrow a = 3$ (۰/۲۵) $a+b=5$ (۰/۲۵)	(مشابه تمرین صفحه ۶۹ کتاب)	۱۰
۱	$x^2 + 3 = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x^2 = -3$ (۰/۲۵) مجانب قائم ندارد $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x+1}{x^2+3} = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = 0$ (۰/۲۵) مجانب افقی	(مشابه کار در کلاس صفحه ۶۸ کتاب)	۱۱
۱/۵	$f(x) = \begin{cases} 4x - 4x^2 & x \geq 0 \\ 4x + 4x^2 & x < 0 \end{cases}$ (۰/۵) $f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{4x - 4x^2}{x} = 4$ (۰/۲۵) $f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{4x + 4x^2}{x} = 4$ (۰/۲۵) $\Rightarrow f'_+(0) = f'_-(0)$ (۰/۲۵)	(مشابه مثال صفحه ۸۶ کتاب) (۰/۲۵) تابع مشتق پذیر است	۱۲
۲/۵	$f'(x) = \frac{\overbrace{\left(2 \cos \frac{x}{2}\right)}^{(0/25)} \overbrace{\left(x^2 + \sqrt{x}\right)}^{(0/5)} - \overbrace{\left(2x + \frac{1}{2\sqrt{x}}\right)}^{(0/5)} \overbrace{\left(4 \sin \frac{x}{2}\right)}^{(0/5)}}{\underbrace{\left(x^2 + \sqrt{x}\right)^2}_{(0/25)}}$	(مشابه تمرین صفحه ۱۰۱ کتاب)	۱۳
	ب) $g'(x) = \underbrace{3 \times (x^2 - 6x)^2}_{0/5} + \underbrace{\left(3 \times (2x - 6) \times (x^2 - 6x)\right)^2}_{0/5} \times \underbrace{3x - 2 \sin 2x}_{0/5}$	(مشابه تمرین صفحه ۱۰۱ کتاب)	

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۰	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور ماه سال ۱۴۰۰		

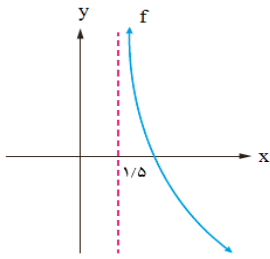
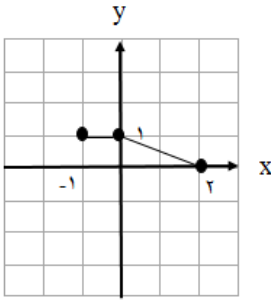
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۴	<p>۱/۵ $f'(t) = \frac{-240}{t^2} \Rightarrow f'(4) = \frac{-240}{16} = -15 \quad (0/5)$</p> <p>(مشابه تمرین صفحه ۱۱۰ کتاب)</p> <p>آهنگ متوسط $\frac{f(5) - f(3)}{5 - 3} = \frac{48 - 80}{2} = -16 \quad (0/5)$</p> <p>$-15 - (-16) = 1 \quad (0/5)$</p>																									
۱۵	<p>(مثال صفحه ۱۱۸ کتاب)</p> <p>$x \in [0, 3]$ عرض جعبه $= 6 - 2x$</p> <p>$x \in [0, 8]$ طول جعبه $= 16 - 2x$</p> <p>$\Rightarrow v(x) = x(16 - 2x)(6 - 2x) = 4x^3 - 44x^2 + 96x, \quad 0 \leq x \leq 3 \quad (0/25)$</p> <p>$v'(x) = 12x^2 - 88x + 96 = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} x = 6 \notin [0, 3] \quad (0/25) \\ x = \frac{4}{3} \in [0, 3] \quad (0/25) \end{cases}$</p> <p>چون $v(0) = v(3) = 0$، پس به ازای $x = \frac{4}{3}$ بیشترین مقدار حجم حاصل می شود. (۰/۲۵)</p>																									
۱۶	<p>(مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۳۶)</p> <p>$D_f = \mathbb{R} \quad (0/25)$</p> <p>$f'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{(x-1)^2}} \quad (0/25) \Rightarrow f''(x) = \frac{-2}{9\sqrt[3]{(x-1)^5}} \quad (0/25)$</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>$+$</td> <td>\cup</td> <td>$-$</td> </tr> </table> <p>تنظیم جدول (۰/۲۵)</p> <p>$f'(1) = +\infty$ پس تابع در $x = 1$ مماس قائم دارد و $x = 1$ نقطه عطف است. (۰/۲۵)</p>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	f''	$+$	\cup	$-$																	
x	$-\infty$	1	$+\infty$																							
f''	$+$	\cup	$-$																							
۱۷	<p>(مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴)</p> <p>رسم شکل (۰/۵)</p> <p>$f(x) = -x^3 + 6x^2 - 9, \quad D_f = \mathbb{R}$</p> <p>$f'(x) = -3x^2 + 12x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 4 \end{cases} \quad (0/25)$</p> <p>$f''(x) = -6x + 12 = 0 \Rightarrow x = 2 \quad (0/25)$</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>4</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>$-$</td> <td>\downarrow</td> <td>$+$</td> <td>\downarrow</td> <td>$-$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>$+$</td> <td>$+$</td> <td>\downarrow</td> <td>$-$</td> <td>$-$</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>$+\infty$</td> <td>\searrow</td> <td>\nearrow</td> <td>\searrow</td> <td>$-\infty$</td> </tr> </table> <p>min -9 max 23</p> <p>رسم جدول (۰/۵)</p>	x	$-\infty$	0	2	4	$+\infty$	f'	$-$	\downarrow	$+$	\downarrow	$-$	f''	$+$	$+$	\downarrow	$-$	$-$	f	$+\infty$	\searrow	\nearrow	\searrow	$-\infty$	
x	$-\infty$	0	2	4	$+\infty$																					
f'	$-$	\downarrow	$+$	\downarrow	$-$																					
f''	$+$	$+$	\downarrow	$-$	$-$																					
f	$+\infty$	\searrow	\nearrow	\searrow	$-\infty$																					
۲۰	جمع بارم	« همکاران گرامی لطفاً به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید. »																								

گروه آوازه: فرزانه بابایی و محمدرضا عادل خانی

تعداد صفحه: ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۰۶	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰		

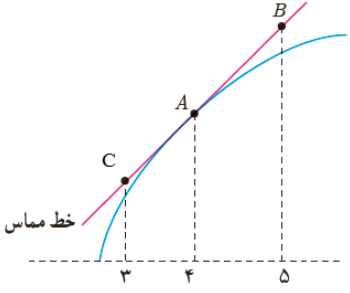
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	 <p>جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید. الف) اگر $f'(5) = 2$ و $g'(5) = -1$ در این صورت $(2f - g)'(5)$ برابر با است. ب) با توجه به نمودار تابع f، حاصل $\lim_{x \rightarrow (1/5)^+} f(x)$ برابر با است.</p>	۱
۱	 <p>نمودار تابع $y = f(x)$ به صورت زیر است. نمودار $g(x) = f(x-1) + 2$ را رسم کرده و دامنه تابع $g(x)$ را تعیین کنید.</p>	۲
۱	ابتدا نمودار تابع $f(x) = x-1 $ را رسم کنید، سپس تعیین کنید که تابع در چه بازه ای اکیداً صعودی و در چه بازه ای اکیداً نزولی است.	۳
۱/۵	مقادیر a و b را طوری تعیین کنید که چند جمله ای $p(x) = x^3 + ax^2 + bx + 2$ بر $(x+2)$ و $(x-1)$ بخش پذیر باشد.	۴
۱/۵	ضابطه تابعی به فرم $y = a \cos bx + c$ را بنویسید که دوره تناوب آن ۲ و مقدار ماکزیمم آن ۴ و مقدار مینیمم آن -2 باشد.	۵
۱/۵	معادله $\cos 2x - \cos x + 1 = 0$ را حل کنید.	۶
۱	حدهای زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{3}} \frac{[x] - 2}{ 3x - 1 }$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{4x + 2}{5 - x} - \frac{8}{x} \right)$	۷
۱/۵	مجانبات های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{x}{x^2 - 9}$ را در صورت وجود بیابید.	۸
۱/۲۵	در تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 & x < -1 \\ x + 2 & x \geq -1 \end{cases}$ نشان دهید $f'_+(-1)$ و $f'_-(-1)$ موجودند، ولی $f'(-1)$ موجود نیست.	۹

« ادامه سؤالات در صفحه دوم »

تعداد صفحه: ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۰۶	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰	

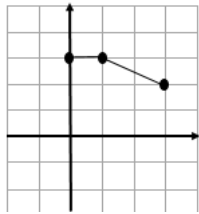
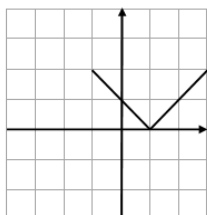
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	<p>برای تابع f در شکل مقابل داریم: $f'(4) = 1/5$ و $f(4) = 25$ با توجه به شکل مختصات نقاط B و C را بیابید.</p> 	۱۰
۲/۲۵	<p>مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)</p> <p>الف) $f(x) = (x^2 - 6)^2 \left(\frac{1}{4}x + 1\right)$ ب) $g(x) = \sin^2(\Delta x)$ پ) $h(x) = \frac{\sqrt{x}}{x^2 - 2x + 1}$</p>	۱۱
۱	<p>دوچرخه سواری طبق معادله $d(t) = \frac{1}{3}t^3 + 10t$ حرکت می کند. که در آن $0 \leq t \leq 6$ بر حسب ثانیه است. سرعت لحظه ای در $t = 2$ چقدر است.</p>	۱۲
۱/۵	<p>مقادیر a و b و c را در تابع $f(x) = ax^2 + bx^2 + c$ طوری به دست آورید که در شرایط زیر صدق کند. $f(0) = 1$ و $f(1) = 2$ و $x = \frac{1}{2}$ طول نقطه عطف نمودار تابع f باشد.</p>	۱۳
۱	<p>مقادیر اکسترمم مطلق تابع $g(x) = x^3 + 2x - 5$ را در بازه $[-2, 1]$ در صورت وجود تعیین کنید.</p>	۱۴
۲	<p>جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x-2}{x+2}$ را رسم کنید.</p>	۱۵
۲۰	جمع نمره	موفق و سربلند باشید.

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۰۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

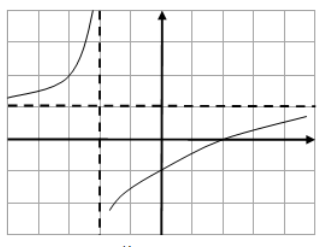
۱	الف) ۵ (تمرین ۱۲ صفحه ۱۰۱ کتاب) (۰/۵) ب) $+\infty$ (صفحه ۴۸ کتاب) (۰/۵)	۱
۲	(مشابه تمرین ۳ صفحه ۸ کتاب) $D_g = [0, 3]$ (۰/۲۵)  (رسم شکل ۰/۷۵)	۱
۳	(مشابه کاردرکلاس ۱ صفحه ۱۷ کتاب) اکیداً صعودی $[1, +\infty)$ (۰/۲۵) اکیداً نزولی $(-\infty, 1]$ (۰/۲۵)  (رسم شکل ۰/۵)	۱
۴	(مشابه تمرین ۷ صفحه ۲۲ کتاب) $-8 + 4a - 2b + 2 = 0 \Rightarrow 4a - 2b = 6$ (۰/۵) $\Rightarrow a = 0$ (۰/۲۵) $1 + a + b + 2 = 0 \Rightarrow a + b = -3$ (۰/۵) $\Rightarrow b = -3$ (۰/۲۵)	۱/۵
۵	(مشابه تمرین ۳ صفحه ۳۴ کتاب) $\frac{2\pi}{ b } = 2 \Rightarrow b = \pi$ (۰/۵) $\begin{cases} a + c = 4 \\ - a + c = -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 3 \\ c = 1 \end{cases}$ (۰/۲۵) هر یک از توابع $y = 3 \cos(\pi x) + 1$ یا $y = -3 \cos(\pi x) + 1$ یا $y = 3 \cos(-\pi x) + 1$ نوشته شود مورد قبول است. (۰/۵)	۱/۵
۶	(تمرین ۱ صفحه ۴۴ کتاب) $2 \cos^2 x - 1 - \cos x + 1 = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \cos x (2 \cos x - 1) = 0$ (۰/۲۵) $\cos x = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$ (۰/۲۵) $\cos x = \frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$ (۰/۲۵)	۱/۵
۷	(مشابه کار در کلاس صفحه ۵۳ کتاب) الف) $\frac{-2}{0^+} = -\infty$ (۰/۵) ب) -4 (۰/۵) (مشابه مثال صفحه ۵۴ کتاب)	۱
۸	(مشابه تمرین ۴ صفحه ۶۹) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{x} = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = 0$ (۰/۵) مجانب افقی $x^2 - 9 = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = \pm 3$ (۰/۵) مجانب های قائم	۱/۵

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۰۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۰	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱/۲۵	$f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{x+2-1}{x+1} = 1 \quad (0/5)$ $f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{x^2-1}{x+1} = -2 \quad (0/5)$ $\Rightarrow f'_+(-1) \neq f'_-(-1) \quad (0/25)$ <p>(در صورت استفاده از فرمول بارم به تناسب داده شود.)</p>	۹	(مشابه کار در کلاس صفحه ۸۵ کتاب)												
۱	$A(4, 25) \Rightarrow 1/5 = \frac{y_B - 25}{5 - 4} \quad (0/5)$ $B(5, 26/5) \quad (0/25), \quad C(2, 23/5) \quad (0/25)$	۱۰	(تمرین ۸ صفحه ۸۳ کتاب)												
۲/۲۵	<p>الف) $f'(x) = 2(2x)(x^2-6)^2 \left(\frac{1}{4}x+1\right) + \frac{1}{4}(x^2-6)^2$</p> <p>ب) $g'(x) = \underbrace{15}_{(0/25)} \underbrace{\sin^2(\Delta x)}_{(0/25)} \underbrace{\cos(\Delta x)}_{(0/25)}$</p> <p>پ) $h'(x) = \frac{\overbrace{\left(\frac{1}{2\sqrt{x}}\right)(x^2-2x+1)}^{(0/25)} - \overbrace{(3x^2-2)(\sqrt{x})}^{(0/25)}}{\underbrace{(x^2-2x+1)^2}_{(0/25)}}$</p> <p>(فرمول های مشتق گیری از صفحه ۹۲ تا صفحه ۹۷)</p>	۱۱													
۱	$d'(t) = t^2 + 10 \quad (0/5) \Rightarrow d'(2) = 14 \quad (0/5)$	۱۲	(مشابه تمرین صفحه ۱۱۰ کتاب)												
۱/۵	$f(0) = 1 \Rightarrow c = 1 \quad (0/25) \Rightarrow f(x) = ax^2 + bx^2 + 1$ $f(1) = 2 \Rightarrow a + b + 1 = 2 \Rightarrow a + b = 1 \quad (0/25)$ $f''\left(\frac{1}{2}\right) = 0 \Rightarrow 2a + 2b = 0 \quad (0/5) \Rightarrow \begin{matrix} a = -2 \\ b = 2 \end{matrix} \quad (0/5)$	۱۳	(تمرین صفحه ۱۳۶ کتاب)												
۱	$g'(x) = 3x^2 + 2 \neq 0 \quad (0/5)$ $g(-2) = -8 - 4 - 5 = -17 \quad \min \quad (0/25), \quad g(1) = 1 + 2 - 5 = -2 \quad \max \quad (0/25)$	۱۴	(مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۲۵ کتاب)												
۲	$x = -2 \quad \text{مجانِب قائم} \quad (0/25)$ $y = 1 \quad \text{مجانِب افقی} \quad (0/25)$ $y' = \frac{4}{(x+2)^2} > 0 \quad (0/25)$	۱۵	(مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴)												
	<table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td></td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> <td>1</td> </tr> </table> <p>جدول (0/5)</p> <p>رسم شکل (0/5)</p> 	x	$-\infty$	-2	$+\infty$	f'		+	+	f	1	$+\infty$	1		
x	$-\infty$	-2	$+\infty$												
f'		+	+												
f	1	$+\infty$	1												
۲۰	جمع بارم	« همکاران گرامی لطفا به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »													

کود آوازنده: فرزانه بابائی و محمدرضا عادل خانی

تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۱۲	ساعت شروع: ۸ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	۱۴ خرداد سالروز رحلت معمار کبیر انقلاب (ره) تسلیت باد. استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
------	---	------

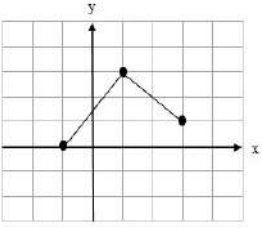
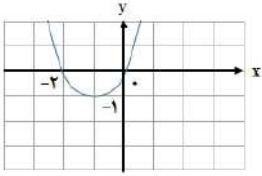
۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) اگر تابع f در $x = a$ پیوسته باشد و در این نقطه، مشتق چپ و راست نامتناهی باشد آنگاه $f'(a)$ وجود ندارد. ب) هر نقطه بحرانی تابع $f(x)$ ، یک نقطه اکسترمم نسبی تابع $f(x)$ است.	۱
۱	جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید. الف) دوره تناوب تابع $y = 7 \sin\left(\frac{-\pi}{2}x\right) + 2$ برابر است. ب) اگر برای هر x در بازه I ؛ $f''(x) > 0$ ، آنگاه نمودار $f(x)$ در این بازه تقعر رو به دارد.	۲
۱	نمودار تابع f در شکل زیر رسم شده است. نمودار تابع $g(x) = f(x-1)$ را رسم کرده و دامنه تابع g را تعیین کنید.	۳
۱	ابتدا نمودار تابع $f(x) = x^2 + 2x$ را رسم نمایید، سپس تعیین کنید که این تابع در چه بازه ای اکیداً صعودی و در چه بازه ای اکیداً نزولی است.	۴
۰/۵	باقیمانده تقسیم چندجمله ای $p(x) = 8x^3 - 4x^2 + 2$ را بر $2x + 1$ به دست آورید.	۵
۱/۵	معادله مثلثاتی $\sin 2x - \cos x = 0$ را حل کنید.	۶
۱	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 - 4}{(x-2)^2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - x^3}{2x - 1}$	۷
۱/۵	مجانِب های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{1-x^2}{x^2+x}$ را در صورت وجود بیابید.	۸

« ادامه سؤالات در صفحه دوم »

تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۱۲	ساعت شروع: ۸ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱	
نمره	۱۴ خرداد سالروز رحلت معمار کبیر انقلاب (ره) تسلیت باد. استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.		ردیف
۱/۵	مشتق پذیری تابع $f(x) = 2x - 4 $ را در $x = 2$ بررسی کنید.		۹
۱/۵	برای تابع $f(x) = x^3 - 8$ در نقطه تقاطع آن با محور x ها معادله خط مماس را بنویسید.		۱۰
۲/۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) پ) $h(x) = \frac{2}{x}$ ب) $g(x) = 5 \tan x + \sin x^2$ الف) $f(x) = (-3x^2 + x)^5 (2x)$		۱۱
۱	اگر سرعت متوسط یک متحرک در یک بازه برابر ۲ متر بر ثانیه باشد و معادله حرکت متحرک به صورت $f(t) = t^3 - t$ بر حسب متر باشد. در کدام لحظه، سرعت لحظه ای متحرک برابر سرعت متوسط آن است.		۱۲
۱/۵	اگر نقطه $A(-1, 1)$ نقطه عطف تابع با ضابطه $f(x) = ax^3 + bx^2 + 2$ باشد. مقادیر a و b را به دست آورید.		۱۳
۱	<p>با توجه به نمودار داده شده، به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) مقدار ماکزیمم مطلق را بنویسید.</p> <p>ب) مقدار مینیمم مطلق را بنویسید.</p> <p>پ) طول نقطه ماکزیمم نسبی را بنویسید.</p> <p>ت) طول نقطه مینیمم نسبی را بنویسید.</p>		۱۴
۲/۵	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \frac{2x-1}{x-2}$ را رسم کنید.		۱۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.		جمع نمره

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۱۲		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست (صفحه ۸۹ کتاب) (۰/۵) ب) نادرست (صفحه ۱۲۴ کتاب) (۰/۵)	۱
۲	الف) ۴ (مشابه تمرین ۱ صفحه ۳۳ کتاب) (۰/۵) ب) بالا (قضیه صفحه ۱۲۹ کتاب) (۰/۵)	۱
۳	الف) (مشابه مثال صفحه ۵ کتاب) (۰/۲۵) $D_g = [-1, 3]$	۱
	 (رسم شکل ۰/۷۵)	
۴	الف) (کاردر کلاس ۱ صفحه ۱۷ کتاب) (۰/۲۵) اکیداً صعودی $[-1, +\infty)$ (۰/۲۵) اکیداً نزولی $(-\infty, -1]$ (۰/۲۵)	۱
	 (رسم شکل ۰/۵)	
۵	الف) (مشابه کار در کلاس صفحه ۱۹ کتاب) (۰/۲۵) $2x + 1 = 0 \Rightarrow x = -\frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow p(\frac{-1}{2}) = 0 = r$ (۰/۲۵)	۰/۵
۶	الف) (مشابه تمرین ۱ صفحه ۴۴ کتاب) (۰/۲۵) $2 \sin x \cos x - \cos x = 0 \Rightarrow$ (۰/۲۵) $\begin{cases} \underbrace{\cos x = 0}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{x = k\pi + \frac{\pi}{2}}_{(۰/۲۵)} \\ \underbrace{\sin x = \frac{1}{2}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{x = 2k\pi + \frac{\pi}{6}}_{(۰/۲۵)}, \underbrace{x = 2k\pi + \frac{5\pi}{6}}_{(۰/۲۵)} \end{cases} \quad k \in Z$	۱/۵
۷	الف) (مشابه کار در کلاس صفحه ۵۳ کتاب) (۰/۵) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{(x-2)(x+2)}{(x-2)^2} = \frac{+}{+} = +\infty$ (۰/۵) ب) (مشابه کار در کلاس صفحه ۶۶ کتاب) (۰/۵) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2}{2} = -\infty$ (۰/۵)	۱
۸	الف) (مشابه تمرین ۴ صفحه ۶۹) (۰/۲۵) مجانب قائم نیست (۰/۲۵) مجانِب افقی $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{-x^2}{x^2} = -1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = -1$ (۰/۲۵) مجانِب قائم $x^2 + x = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \begin{cases} x = -1 & (۰/۲۵) \\ x = 0 & (۰/۲۵) \end{cases}$	۱/۵

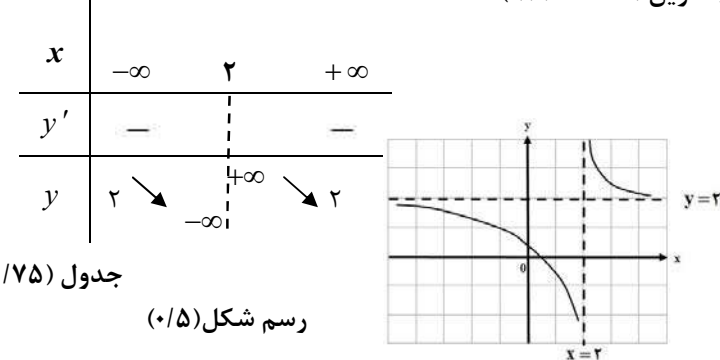
ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

خرداد ۱۴۰۱: گروه پژوهشی و محققان مشاوران عالی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۱۲		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد سال ۱۴۰۱	

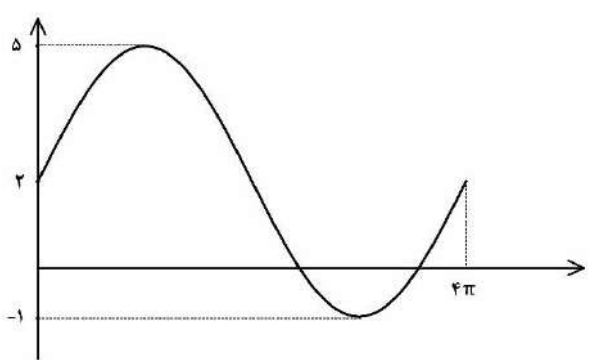
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۹	(مشابه مثال صفحه ۸۶ کتاب) تابع در این نقطه مشتق پذیر نمی باشد. (۰/۲۵) $f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ 2x-4 }{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2(x-2)}{x-2} = 2 \quad (۰/۵)$ $f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{ 2x-4 }{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-2(x-2)}{x-2} = -2 \quad (۰/۵)$ $\Rightarrow \underbrace{f'_+(2) \neq f'_-(2)}_{(۰/۲۵)}$ (در صورت استفاده از تعریف قدر مطلق و استفاده از فرمول برای محاسبه مشتق چپ و راست، بارم به تناسب تقسیم شود.)	۱/۵
۱۰	(مشابه تمرین ۱ صفحه ۸۱ کتاب) $x^3 - 8 = 0 \Rightarrow x = 2 \Rightarrow (2, 0) \quad (۰/۵)$ $f'(x) = 3x^2 \Rightarrow m = f'(2) = 12 \quad (۰/۵)$, $y - 0 = 12(x - 2) \Rightarrow y = 12x - 24 \quad (۰/۵)$	۱/۵
۱۱	(مشابه تمرین صفحه ۱۰۱ کتاب) الف) $f'(x) = \underbrace{\Delta(-6x+1)}_{(۰/۲۵)} \underbrace{(-3x^2+x)^2}_{(۰/۲۵)} + \underbrace{(2)}_{(۰/۲۵)} \underbrace{(-3x^2+x)}_{(۰/۲۵)}^2$ ب) $g'(x) = \underbrace{\Delta(1 + \tan^2 x)}_{(۰/۵)} + \underbrace{2x}_{(۰/۲۵)} \underbrace{\cos x^2}_{(۰/۲۵)}$ پ) $h'(x) = \frac{\underbrace{-2}_{(۰/۲۵)}}{\underbrace{x^2}_{(۰/۲۵)}}$	۲/۵
۱۲	(مشابه تمرین ۴ صفحه ۱۰۹ کتاب) $f'(t) = 3t^2 - 1 = 2 \quad (۰/۵) \Rightarrow 3t^2 = 3 \Rightarrow t = \pm 1 \Rightarrow t = 1 \quad (۰/۵)$	۱
۱۳	(مشابه تمرین ۴ صفحه ۱۳۶ کتاب) $\begin{cases} f(-1) = -a + b + 2 = 1 \Rightarrow -a + b = -1 & (۰/۵) \\ f''(-1) = 0 \Rightarrow -6a + 2b = 0 & (۰/۵) \end{cases} \Rightarrow a = \frac{-1}{2}, b = \frac{-3}{2} \quad (۰/۵)$	۱/۵
۱۴	(مشابه فعالیت صفحه ۱۱۵ کتاب) هر قسمت (۰/۲۵) الف) ۸ ب) -۴ پ) ۴ ت) ۲	۱
۱۵	(تمرین ۱ صفحه ۱۴۴) $x = 2$ مجانب قائم (۰/۲۵) $y = 2$ مجانب افقی (۰/۲۵) $y' = \frac{-3}{(x-2)^2} < 0 \quad (۰/۵)$ جدول (۰/۷۵) رسم شکل (۰/۵) 	۲/۵
۲۰	جمع بارم « همکاران گرامی لطفاً به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید. »	

خرداد زنده: فرزانة باستانی و محمدرضا عادل خانی

نام و نام خانوادگی :	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	سوالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	ساعت شروع: ۸ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
------	---	------

۰/۵	۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) تابع تنازنت در هر بازه ای که در آن تعریف شده باشد، صعودی است. ب) اگر برای تابع f داشته باشید $f''(c) = 0$ آن گاه همواره نقطه $(c, f(c))$ نقطه عطف تابع است.
۰/۵	۲	جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید. الف) اگر تابعی در یک فاصله هم صعودی و هم نزولی باشد، تابع در آن فاصله است. ب) اگر f یک تابع و $I \subseteq D_f$ یک همسایگی از نقطه c باشد که به ازای هر x متعلق به I داشته باشیم $f(x) \leq f(c)$ ، در این صورت $f(c)$ را یک تابع f می نامیم.
۱	۳	الف) نمودار تابع $f(x) = \sqrt{x}$ را در بازه $[0, 4]$ رسم کنید. ب) به کمک نمودار $f(x)$ نمودار تابع $g(x) = 2f(x-1)$ را رسم کنید. سپس دامنه و برد g را تعیین کنید.
۰/۷۵	۴	اگر باقی مانده تقسیم چند جمله ای $p(x) = x^3 + kx^2 - 3$ بر $x+1$ برابر ۲ باشد، k را تعیین کنید.
۱	۵	اگر $\left(\frac{1}{3}\right)^{2x+1} \leq \left(\frac{1}{27}\right)$ باشد، حدود x را به دست آورید.
۰/۵	۶	چند جمله ای $x^5 + 32$ را بر حسب عامل $x+2$ تجزیه کنید.
۱/۲۵	۷	معادله مثلثاتی $2\cos^2 x + \cos x = 0$ را حل کنید.
۱/۵	۸	نمودار داده شده مربوط به تابعی با ضابطه $y = a \sin bx + c$ است. مقادیر a و b و c را محاسبه کنید و ضابطه آن را مشخص نمایید. 
۱/۵	۹	حدود زیر را بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x] - 2}{x - 2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{3})^+} \frac{2}{\tan x}$ پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x^2 + 2x + 1}{4x - 1}$

« ادامه سوالات در صفحه دوم »

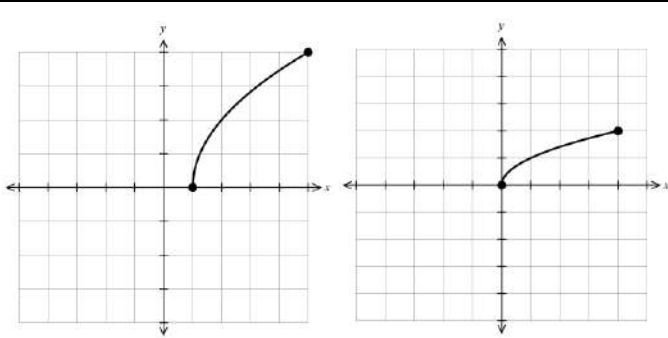
سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
۱۰	با توجه به نمودار تابع f ، موارد زیر را به دست آورید.	۱
		<p>الف) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x)$</p> <p>ب) $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) \\ \lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) \end{cases}$</p>
۱۱	اگر خط $y = 2$ مجانب افقی تابع $f(x) = \frac{ax^2 + 1}{2x^2 - 3x}$ باشد، مقدار a را بیابید.	۰/۵
۱۲	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \geq 1 \\ 3x - 1 & x < 1 \end{cases}$ را در $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)	۲/۷۵
	الف) $f(x) = (4x^2 - 5x)^3(\sqrt{x} + 1)$ ب) $g(x) = \frac{9x + 1}{x - x^2}$ پ) $h(x) = \sin(3x^2)$	
۱۴	با در نظر گرفتن نمودار تابع f در شکل مقابل از بین نقاط مشخص شده مطلوب است طول نقطه ای که:	۰/۷۵
	<p>الف) تابع در آن مشتق پذیر نیست.</p> <p>ب) مماس در آن موازی محور طول هاست.</p> <p>پ) مشتق و مقدار تابع در آن مثبت است.</p>	
۱۵	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = 2t^2 - t + 3$ بر حسب متر است. (t بر حسب ثانیه است.)	۱
	الف) سرعت متوسط تابع در بازه $[0, 3]$ را به دست آورید.	
	ب) سرعت لحظه ای تابع را در $t = 4$ به دست آورید.	
۱۶	ضرایب a و b را در تابع $f(x) = x^2 + ax - b$ طوری پیدا کنید که نقطه $(1, 2)$ اکسترمم نسبی تابع باشد.	۱
۱۷	جهت تقعر و مختصات نقطه عطف تابع $f(x) = x(x^2 - 3) + 1$ را تعیین کنید.	۱
۱۸	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x + 3}{1 - x}$ رسم کنید.	۲
۲۰	جمع نمرات	« موفق و سر بلند باشید. »

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸: صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	الف) درست (۰/۲۵) تمرین صفحه ۳۴ ب) نادرست (۰/۲۵) صفحه ۱۳۲	۰/۵
۲	الف) ثابت (۰/۲۵) تمرین ۴ صفحه ۲۲ ب) ماکزیمم نسبی (۰/۲۵) تعریف صفحه ۱۱۲	۰/۵
۳	مشابه کاردر کلاس صفحه ۴ $R_g = [0, 4]$ و $D_g = [1, 5]$ هر قسمت (۰/۲۵)	۱
		
۴	مشابه تمرین صفحه ۲۲ $x+1=0 \Rightarrow x=-1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow p(-1)=2 \Rightarrow (-1)^f+k(-1)^f-3=2 \Rightarrow k=4$ (۰/۵)	۰/۷۵
۵	مشابه تمرین ۹ صفحه ۲۲ $\left(\frac{1}{3}\right)^{2x+1} \leq \left(\frac{1}{3}\right)^2$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 2x+1 \geq 2$ (۰/۵) $\Rightarrow x \geq 1$ (۰/۲۵)	۱
۶	کاردر کلاس صفحه ۲۰ $(x+2)(x^f-2x^f+4x^f-8x+16)$ (۰/۵)	۰/۵
۷	مشابه تمرین صفحه ۴۴ $\cos x = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2}$ (۰/۲۵) $\underbrace{\cos x(2\cos x + 1) = 0}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{2\cos x + 1 = 0}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\cos x = -\frac{1}{2}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{x = 2k\pi \pm \frac{2\pi}{3}}_{(۰/۲۵)}$	۱/۲۵
۸	مشابه تمرین ۴ صفحه ۳۴ $\begin{cases} a +c=5 \\ - a +c=-1 \end{cases} (۰/۲۵) \Rightarrow c=2 (۰/۲۵), a=\pm 3 (۰/۲۵)$ $4\pi = \frac{2\pi}{ b } (۰/۲۵) \Rightarrow b = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \pm \frac{1}{2} (۰/۲۵)$ $\Rightarrow y = 3\sin\frac{x}{2} + 2, y = -3\sin(-\frac{x}{2}) + 2 (۰/۲۵)$ در صورت نوشتن فقط یکی از ضابطه‌ها نمره داده شود.	۱/۵

«ادامه در صفحه دوم»

کود آفریننده: فرزانه بابائی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۹	مشابه صفحه ۵۳ مشابه تمرین صفحه ۶۹	۱/۵	الف) $\frac{1-2}{2-2} = \frac{-1}{0} = +\infty$ (۰/۵) ب) $\frac{2}{\tan(\frac{\pi}{2})^+} = \frac{2}{-\infty} = 0$ (۰/۵) پ) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2}{4x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x}{4} = +\infty$ (۰/۵)
۱۰	مشابه تمرین صفحه ۶۹	۱	الف) ۲ (۰/۵) ب) $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty & (۰/۲۵) \\ \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty & (۰/۲۵) \end{cases}$
۱۱	مشابه کاردرکلاس صفحه ۶۶	۰/۵	$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{ax^2+1}{2x^2-3x} = 2 \Rightarrow \frac{a}{2} = 2 \Rightarrow a = 4$ (۰/۵)
۱۲	مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۰۰ تابع در $x=1$ پیوسته است. $f'_+(1) \neq f'_-(1)$ پس تابع در $x=1$ مشتق پذیر نمی باشد. (۰/۲۵)	۱/۵	$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2+1-2}{x-1} = 2$ (۰/۵) , $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3x-1-2}{x-1} = 3$ (۰/۵) (۰/۲۵)
۱۳	مشابه تمرین صفحه ۱۰۱	۲/۷۵	الف) $f'(x) = \underbrace{3(4x^2-5x)^2(8x-5)}_{(۰/۷۵)} \underbrace{(\sqrt{x}+1)}_{(۰/۵)} + \frac{1}{2\sqrt{x}}(4x^2-5x)^2$ ب) $g'(x) = \frac{\underbrace{9(x-x^2)}_{(۰/۲۵)} - \underbrace{(1-2x)(9x+1)}_{(۰/۵)}}{\underbrace{(x-x^2)^2}_{(۰/۲۵)}}$ پ) $h'(x) = 6x \cos(3x^2)$ (۰/۵)
۱۴	مشابه تمرین صفحه ۸۲	۰/۷۵	الف) b (۰/۲۵) ب) d (۰/۲۵) ب) e (۰/۲۵)

« ادامه در صفحه سوم »

کتاب آواز نده: فرزان باستانی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

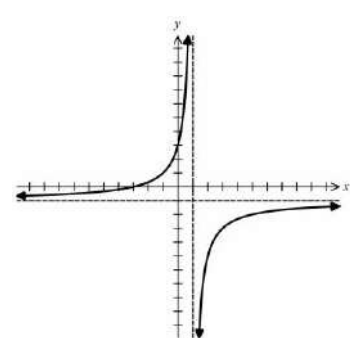
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	مشابه تمرین صفحه ۱۱۰ الف) $\frac{f(3)-f(0)}{3-0} = \frac{18-3}{3} = 5$ (۰/۵) ب) $f'(t) = 4t - 1 \Rightarrow f'(4) = 15$ (۰/۵)	۱۵
---	---	----

۱	تمرین ۷ صفحه ۱۲۶ $f(1) = 2 \Rightarrow a - b = 1$ (۰/۲۵) $\begin{cases} f'(x) = 3x^2 + a \\ f'(1) = 0 \end{cases}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 3 + a = 0 \Rightarrow a = -3$ (۰/۲۵), $b = -4$ (۰/۲۵)	۱۶
---	--	----

۱	تمرین ۲ صفحه ۱۳۶ $f'(x) = 3x^2 - 3 \Rightarrow f''(x) = 6x = 0 \Rightarrow x = 0$ (۰/۲۵) نقطه (۰,۱) نقطه عطف تابع است. (۰/۲۵) جدول (۰/۵) <table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۰</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>-</td> <td></td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td></td> <td>۱</td> <td></td> </tr> </table>	x	$-\infty$	۰	$+\infty$	f''	-		+	f		۱		۱۷
x	$-\infty$	۰	$+\infty$											
f''	-		+											
f		۱												

۲	مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴ $y = -1$ (۰/۲۵) مجانب افقی , $x = 1$ (۰/۲۵) مجانب قائم $f'(x) = \frac{4}{(1-x)^2}$ (۰/۲۵) نقطه بحرانی ندارد جدول (۰/۷۵) نمودار (۰/۵) <table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+</td> <td></td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>-1</td> <td>$+\infty$</td> <td>-1</td> </tr> </table> 	x	$-\infty$	1	$+\infty$	f'	+		+	f	-1	$+\infty$	-1	۱۸
x	$-\infty$	1	$+\infty$											
f'	+		+											
f	-1	$+\infty$	-1											

۲۰	در نهایت نظر همکاران محترم صائب است.	
----	--------------------------------------	--

کتاب آورنده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.		
نمره			

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) نقطه $(-۸, ۶)$ روی نمودار $y = f(x)$ با نقطه $(-۸, ۱۲)$ روی نمودار $y = \frac{1}{۳}f(x)$ متناظر است. ب) نمودار تابع $y = -(x-۳)^۳$ را می توان با ۳ واحد انتقال نمودار $y = -x^۳$ به سمت راست رسم کرد. پ) تابع $f(x) = x^۲ - ۴x$ روی بازه $[۲, +\infty)$ اکیداً صعودی است. ت) اگر $f'(۱) = ۲$ و $g'(۱) = -۳$ باشد، حاصل $(۳f + g)'(۱)$ برابر ۹ است.	۱
۱/۲۵	جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید. الف) اگر مقدار a برابر باشد، تابع $f(x) = ax + b$ هم صعودی و هم نزولی است. ب) دوره تناوب و مقدار ماکزیمم تابع $f(x) = ۳\sin ۲x$ به ترتیب برابر و است. پ) حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{۲}} \left(\frac{x+1}{\tan x} \right)$ برابر است. ت) اگر تابع f در $x = a$ پیوسته، آنگاه f در $x = a$ مشتق پذیر نیست.	۲
۱/۵	در چند جمله ای $P(x) = x^۳ + ax^۲ + b$ مقادیر a و b را چنان بیابید که باقی مانده تقسیم $P(x)$ بر $x + ۲$ برابر -۱ و $P(x)$ بر $x - ۱$ بخش پذیر باشد.	۳
۱	عبارت $\frac{x^۵ + ۱}{x + ۱}$ را ساده کنید.	۴
۱	نمودار تابع $f(x) = a + \cos bx$ به صورت زیر است. حاصل $a + b$ را به دست آورید. ($b > ۰$) 	۵
۱/۵	معادله مثلثاتی $\cos ۲x - \cos x + ۱ = ۰$ را در بازه $۰ \leq x \leq \pi$ حل کنید.	۶
۱/۵	الف) اگر $\lim_{x \rightarrow ۳^+} \frac{ax - ۳}{(۲ - x)^۳} = +\infty$ باشد، حدود a را تعیین کنید. ب) مجانب افقی تابع $f(x) = \frac{x - ۴x^۳}{x^۳ + ۵}$ را به دست آورید.	۷
ادامه سؤالات در صفحه دوم		

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
------	---	------

۸	کدام شکل وضعیت نمودار تابع $f(x) = \frac{2[x]}{4-x}$ ، در نزدیکی مجانب قائم آن است؟ دلیل خود را بنویسید.	۱/۲۵
۹	معادله خط مماس بر منحنی تابع $f(x) = \sqrt[3]{x}$ را در نقطه ای به طول $x = 0$ واقع بر نمودار تابع بنویسید.	۱
۱۰	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) الف) $f(x) = \sqrt{7x}(3x^2 + 2)$ ب) $g(x) = \cos^3(2x) - \frac{1}{x}$	۲/۲۵
۱۱	با توجه به نمودار تابع f ، نمودار f' را با ذکر دلیل مشخص کنید.	۰/۷۵
۱۲	یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $m(t) = \sqrt{t} + 2t$ گرم است. در چه لحظه ای، آهنگ رشد جرم توده باکتری برابر آهنگ تغییر متوسط آن در بازه زمانی $0 \leq t \leq 4$ می شود؟	۱/۵
۱۳	یک مستطیل در یک نیم دایره محاط شده است. اگر شعاع دایره ۴ سانتی متر باشد، طول و عرض مستطیل را طوری به دست آورید که مساحت آن بیشترین مقدار ممکن باشد.	۱/۲۵
۱۴	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x$ را رسم کنید.	۲/۲۵
۱۵	فرض کنید $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$ ، محل تقاطع مجانب های آن، نقطه $(2, 1)$ است. اگر این تابع از نقطه $(-1, 0)$ بگذرد، ضابطه تابع را به دست آورید.	۱
۲۰	جمع نمرات	« موفق و سربلند باشید. »

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست ص ۱۰ (ب) درست ص ۱۴ (پ) درست ص ۱۷ (ت) نادرست ص ۱۰۱ هر کدام (۰/۲۵)	۱
۲	الف) صفر (۰/۲۵) ص ۱۶ (ب) π و ۳ (۰/۵) ص ۲۷ (پ) صفر (۰/۲۵) ص ۵۳ (ت) نباشد (۰/۲۵) ص ۸۶	۱/۲۵
۳	صفحه ۲۲ $\begin{cases} p(-2) = -1 \\ p(1) = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4a + b = 7 \\ a + b = -1 \end{cases} \Rightarrow a = \frac{8}{3}, b = -\frac{11}{3} \quad (0/5)$	۱/۵
۴	صفحه ۲۰ $\frac{x^5 + 1}{x + 1} = \frac{(x + 1)(x^4 - x^3 + x^2 - x + 1)}{x + 1} = x^4 - x^3 + x^2 - x + 1 \quad (0/25)$	۱
۵	صفحه ۳۴ $T = 2\pi \quad (0/25) \quad b = 1 \quad (0/25) \quad a = 3 \quad (0/25) \quad a + b = 4 \quad (0/25)$	۱
۶	صفحه ۴۴ $\begin{cases} 2\cos^2 x - 1 - \cos x + 1 = 0 \quad (0/25) \quad \cos x(2\cos x - 1) = 0 \quad (0/25) \\ \cos x = 0 \quad (0/25) \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} \quad (0/25) \\ \cos x = \frac{1}{2} \quad (0/25) \Rightarrow x = \frac{\pi}{3} \quad (0/25) \end{cases}$	۱/۵
۷	صفحه ۵۳ و ۶۹ $\begin{aligned} \text{الف) } \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ax - 3}{(2 - x)^2} &= \frac{2a - 3}{0^-} = +\infty \quad (0/25) \Rightarrow 2a - 3 < 0 \quad (0/25) \Rightarrow a < \frac{3}{2} \quad (0/25) \\ \text{ب) } \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x - 4x^2}{x^2 + 5} &= \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{-4x^2}{x^2} = -4 \quad (0/5) \Rightarrow y = -4 \quad (0/25) \end{aligned}$	۱/۵
۸	صفحه ۵۷ $\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{2[x]}{4 - x} &= \frac{6}{0^+} = +\infty \quad (0/5) \\ \lim_{x \rightarrow 4^+} \frac{2[x]}{4 - x} &= \frac{8}{0^-} = -\infty \quad (0/5) \end{aligned}$ گزینه پ صحیح است. (۰/۲۵)	۱/۲۵
۹	صفحه ۸۸ $f'(\circ) = m = \lim_{x \rightarrow \circ} \frac{\sqrt{x} - \circ}{x} = \lim_{x \rightarrow \circ} \frac{1}{\sqrt{x}} = +\infty \quad (0/5), A(\circ, \circ) \quad (0/25)$ معادله مماس قائم: $x = \circ \quad (0/25)$	۱
۱۰	صفحه ۹۷ $\begin{aligned} \text{الف) } f'(x) &= \frac{7}{2\sqrt{7x}}(3x^2 + 2) + \sqrt{7x}(6x) \quad (0/5) \\ \text{ب) } g'(x) &= 3(-2\sin 2x)(\cos^2 2x) - \left(-\frac{1}{x^2}\right) \quad (0/75) \end{aligned}$	۲/۲۵

ادامه راهنمای تصحیح در صفحه دوم

کتاب آواز نده: فرزانه بابائی و محمدرضا عادل خانی

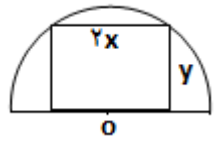
باسمه تعالی

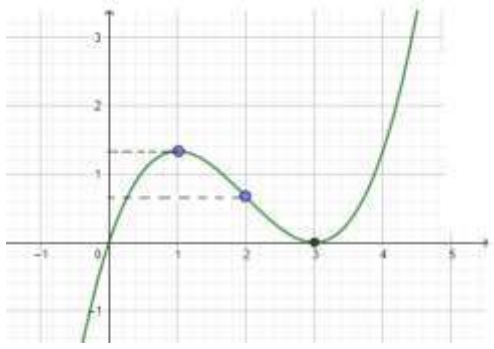
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۱	گزینه ت صحیح است. (۰/۲۵) مشتق سهمی، تابع خطی (غیر ثابت) است. (۰/۲۵) چون طول نقطه مینیمم، منفی است پس f' محور x ها را در ناحیه $x < 0$ قطع می کند. (۰/۲۵)	صفحه ۱۰۰
----	--	----------

۱۲	$m'(t) = \frac{1}{2\sqrt{t}} + 2 \quad (0/5) \quad \frac{10-0}{4-0} = \frac{5}{2} \quad (0/5)$ $\frac{1}{2\sqrt{t}} + 2 = \frac{5}{2} \quad (0/25) \Rightarrow \sqrt{t} = 1 \Rightarrow t = 1 \quad (0/25)$	صفحه ۱۰۹
----	---	----------

۱۳	$y^2 = 16 - x^2 \Rightarrow S(x) = 2x(\sqrt{16 - x^2}) \quad (0/25)$  $S'(x) = \frac{22 - 4x^2}{\sqrt{16 - x^2}} = 0 \quad (0/5) \quad x = \sqrt{8}, y = \sqrt{8}$ <p>طول $2\sqrt{8}$، عرض $\sqrt{8}$ (۰/۵)</p>	صفحه ۱۲۶
----	---	----------

۱۴	$f'(x) = x^2 - 4x + 3 \quad (0/25) \quad f''(x) = 2x - 4 \quad (0/25)$ <p>رسم نمودار (۰/۷۵) و جدول (۱) نمره</p> <table border="1" data-bbox="215 1243 845 1579"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>+</td> <td>○</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>○</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$f''(x)$</td> <td>∩</td> <td>∩</td> <td>∪</td> <td>∪</td> <td>∪</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$-\infty$</td> <td>$\frac{4}{3}$</td> <td>$\frac{2}{3}$</td> <td>○</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>Max نسبی</td> <td>نقطه عطف</td> <td>Min نسبی</td> <td></td> </tr> </table> 	x	$-\infty$	۱	۲	۳	$+\infty$	$f'(x)$	+	○	-	-	○	+	$f''(x)$	∩	∩	∪	∪	∪	$f(x)$	$-\infty$	$\frac{4}{3}$	$\frac{2}{3}$	○	$+\infty$			Max نسبی	نقطه عطف	Min نسبی		صفحه ۱۳۹
x	$-\infty$	۱	۲	۳	$+\infty$																												
$f'(x)$	+	○	-	-	○	+																											
$f''(x)$	∩	∩	∪	∪	∪																												
$f(x)$	$-\infty$	$\frac{4}{3}$	$\frac{2}{3}$	○	$+\infty$																												
		Max نسبی	نقطه عطف	Min نسبی																													

۱۵	$cx + d = 0 \Rightarrow d = -2c \quad (0/25) \quad (-1, 0) \Rightarrow \frac{-a+b}{-c+d} = 0 \Rightarrow a = b \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{ax}{cx} = 1 \Rightarrow a = c \quad (0/25) \quad f(x) = \frac{x+1}{x-2} \quad (0/25)$	صفحه ۱۴۴
----	--	----------

۲۰	در نهایت نظر همکاران محترم صائب است.	
----	--------------------------------------	--

کود آفریننده، فرزانه باهوشی و محترم شما عادل خانی

سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۶/۰۳/۱۴۰۲	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

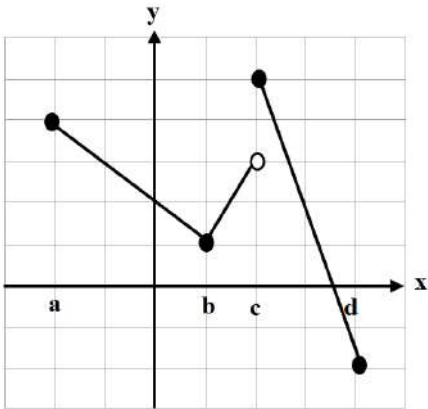
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) تابع $f(x) = [x]$ در نقطه $x=1$ مشتق پذیر است. ب) اگر $f'(c) = 0$ باشد، آنگاه $x=c$ یک نقطه اکسترمم نسبی است.	۰/۵
۲	جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید. الف) اگر دوره تناوب تابع $y = \sin bx$ برابر $\frac{\pi}{3}$ باشد، مقدار b برابر است. ب) دامنه تابع $y = \tan(3x)$ برابر است. پ) اگر $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{mx^2 + x}{2x^2 + 3} = 7$ آنگاه m برابر عدد است.	۱/۵
۳	نمودار تابع $g(x) = x^3 - 3x^2 + 3x$ را به کمک انتقال نمودار $f(x) = x^3$ رسم کنید، سپس اکیداً یکنوایی تابع $g(x)$ را در تمام دامنه خود، بررسی کنید.	۱
۴	اگر $\left(\frac{1}{5}\right)^{2x+1} \leq \frac{1}{125}$ باشد، حدود x را بیابید.	۰/۷۵
۵	اگر چند جمله ای $x^2 + ax - 8$ بر $x - a$ بخش پذیر باشد، مقدار a را تعیین کنید.	۰/۷۵
۶	معادله $\sin x \cos x = \frac{1}{4}$ را حل کنید.	۱
۷	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^-} \frac{5x}{ 2x-1 }$ ب) $\lim_{x \rightarrow (-3)^-} \frac{x+3}{x^2+6x+9}$	۱/۲۵
۸	مجانب های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{3x-5}{x^2+2}$ را در صورت وجود بیابید.	۰/۷۵
۹	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} 3x-4 & x < 1 \\ 2x^2-3 & x \geq 1 \end{cases}$ را در نقطه $x=1$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۰	با استفاده از تعریف مشتق نشان دهید اگر $f(x) = \sqrt{x}$ ، آنگاه $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ ، $x > 0$.	۱/۲۵

« ادامه سوالات در صفحه دوم »

سؤالات آزمون نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۶/۰۳/۱۴۰۲	نام و نام خانوادگی :
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱۱	اگر $f(x) = \cos 2x$ باشد، مقدار $f''(\frac{\pi}{8})$ را به دست آورید.	۰/۷۵
۱۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (\Delta x^3 - x)^9 (\sqrt{2x+1})$ ب) $g(x) = \frac{4 \tan x}{3x^2 - 1}$	۲
۱۳	در تابعی با ضابطه $f(t) = \frac{120}{t} + 5$ مجموع آهنگ لحظه ای تغییر در لحظه $t = 2$ و آهنگ متوسط تغییر تابع $f(t)$ در بازه $[4, 6]$ را بیابید.	۱/۲۵
۱۴	در شکل نمودار رسم شده است، طول نقاط اکسترمم های نسبی و مطلق را مشخص کنید. 	۱
۱۵	مقادیر a و b و c را در تابع $f(x) = ax^3 + bx^2 + c$ طوری به دست آورید که در شرایط زیر صدق کند. $f(0) = 1$ و $f(2) = -3$ و $x = 1$ طول نقطه عطف نمودار تابع f باشد.	۱/۵
۱۶	با رسم جدول تغییرات نشان دهید که تابع $f(x) = \frac{1}{4}x^4 + x^2 + 1$ در چه بازه هایی صعودی و در چه بازه هایی نزولی است.	۱/۵
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \frac{-x}{x+1}$ را رسم کنید.	۱/۷۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۱۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	الف) نادرست (صفحه ۸۸ کتاب) (۰/۲۵) ب) نادرست (ب) نادرست (صفحه ۱۱۶ کتاب) (۰/۲۵)	۰/۵
۲	الف) $b = \pm 6$ (صفحه ۲۷ کتاب) (۰/۵) ب) $D = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid x \neq \frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \right\}$ (صفحه ۳۲ کتاب) (۰/۵) پ) $m = 14$ (صفحه ۶۶ کتاب) (۰/۵)	۱/۵
۳	(صفحه های ۱۴ و ۱۷ کتاب) $g(x) = x^3 - 3x^2 + 3x - 1 + 1 = (x-1)^3 + 1$ (۰/۲۵) رسم شکل (۰/۵) اکیداً یکنوا (اکیداً صعودی) (۰/۲۵)	۱
۴	(صفحه ۲۲ کتاب) $\left(\frac{1}{5}\right)^{2x+1} \leq \left(\frac{1}{5}\right)^2 \Rightarrow 2x+1 \geq 2 \Rightarrow x \geq \frac{1}{2}$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۵	(صفحه ۱۹ کتاب) $x = a \Rightarrow 2a^2 - 8 = 0 \Rightarrow a^2 = 4 \Rightarrow a = \pm 2$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۶	(صفحه ۴۰ کتاب) $2 \sin x \cos x = \frac{1}{2} \Rightarrow \sin 2x = \frac{1}{2} = \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)$ (۰/۲۵) $\begin{cases} 2x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \\ 2x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{6} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi + \frac{\pi}{12} \\ x = k\pi + \frac{5\pi}{12} \end{cases}$ (۰/۲۵)	۱
۷	(صفحه ۵۸ کتاب) الف) $\frac{5}{0^+} = +\infty$ (۰/۵) ب) $\lim_{x \rightarrow (-3)^-} \frac{(x+3)}{(x+3)^2} = \frac{1}{0^-} = -\infty$ (۰/۵)	۱/۲۵
۸	(صفحه ۶۹ کتاب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x}{x^2} = 0 \Rightarrow y = 0$ (مجانب افقی) (۰/۲۵) $x^2 + 2 = 0 \Rightarrow x^2 = -2$ فاقد مجانب قائم (۰/۲۵)	۰/۷۵

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

کتاب آفریننده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۱۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد سال ۱۴۰۲	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱/۵	<p>(صفحه ۱۰۰ کتاب) تابع پیوسته است (۰/۲۵)</p> $f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x^2 - 3 + 1}{x - 1} = 4 \quad (0/5)$ $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3x - 4 + 1}{x - 1} = 3 \quad (0/5)$ <p>$\Rightarrow f'_+(1) \neq f'_-(1)$ در نقطه $x=1$ مشتق ناپذیر است (۰/۲۵) (در صورت استفاده از فرمول های دیگر مشتق، برای محاسبه مشتق چپ و راست، بارم به تناسب تقسیم شود.)</p>	۹
۱/۲۵	<p>(صفحه ۹۳ کتاب)</p> $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+h} - \sqrt{x}}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(\sqrt{x+h} - \sqrt{x})(\sqrt{x+h} + \sqrt{x})}{h(\sqrt{x+h} + \sqrt{x})} =$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{x+h-x}{h(\sqrt{x+h} + \sqrt{x})} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{(\sqrt{x+h} + \sqrt{x})} = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ <p>(در صورت استفاده از فرمول های دیگر مشتق، بارم به تناسب تقسیم شود.)</p>	۱۰
۰/۷۵	<p>(صفحه ۱۰۱ کتاب)</p> $f'(x) = -2\sin 2x \Rightarrow f''(x) = -4\cos 2x \quad (0/25)$ $f''\left(\frac{\pi}{4}\right) = -4\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) = -2\sqrt{2} \quad (0/25)$	۱۱
۲	<p>(صفحه ۹۴)</p> $f'(x) = 9(15x^2 - 1)(5x^3 - x)^4(\sqrt{2x+1}) + \frac{2}{2\sqrt{2x+1}}(5x^3 - x)^4$ <p>(صفحه ۹۶)</p> $g'(x) = \frac{4(1 + \tan^2 x)(3x^2 - 1) - (6x) \times (4 \tan x)}{(3x^2 - 1)^2}$	۱۲
۱/۲۵	<p>(صفحه ۱۱۰ کتاب)</p> $f'(t) = \frac{-120}{t^2} \quad (0/25) \Rightarrow f'(2) = \frac{-120}{4} = -30 \quad (0/25)$ $\text{آهنگ متوسط} = \frac{f(6) - f(4)}{6 - 4} = \frac{\left(\frac{120}{6} + 5\right) - \left(\frac{120}{4} + 5\right)}{6 - 4} = \frac{25 - 35}{2} = -5 \quad (0/25)$	۱۳

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

باسمه تعالی

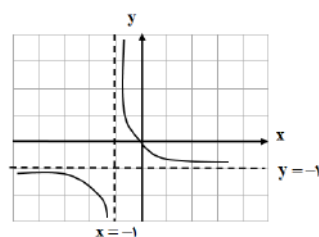
مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۱۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۴	(صفحه ۱۱۴ کتاب) d مینیمم مطلق (۰/۲۵) c ماکزیمم مطلق (۰/۲۵) c ماکزیمم نسبی (۰/۲۵) b مینیمم نسبی (۰/۲۵)	۱
----	---	---

۱۵	(صفحه ۱۳۶ کتاب) $f(0)=1 \Rightarrow c=1$ (۰/۲۵) $f(2)=-3 \Rightarrow 4a+2b+1=-3 \Rightarrow 4a+2b=-4$ (۰/۲۵) $f''(x) = 6ax + 2b \Rightarrow f''(1) = 0 \Rightarrow 6a + 2b = 0$ (۰/۵) $\Rightarrow a = 1, b = -3$ (۰/۵)	۱/۵
----	---	-----

۱۶	(صفحه ۱۲۶ کتاب) $f'(x) = 2x^2 + 2x = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 2x(x+1) = 0$ $\Rightarrow x^2 = -1$ غیر قابل قبول, $x = 0$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) اکیدا صعودی $[0, +\infty)$, (۰/۲۵) اکیدا نزولی $(-\infty, 0]$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>0</td><td>$+\infty$</td></tr> <tr><td>f'</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr> <tr><td>f</td><td>\searrow</td><td></td><td>\nearrow</td></tr> </table> (۰/۵)	x	$-\infty$	0	$+\infty$	f'	-	0	+	f	\searrow		\nearrow	۱/۵
x	$-\infty$	0	$+\infty$											
f'	-	0	+											
f	\searrow		\nearrow											

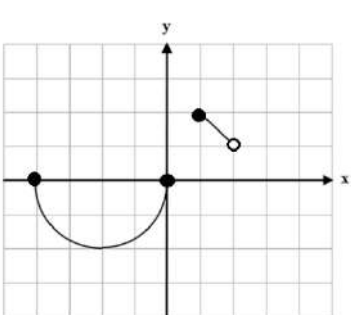
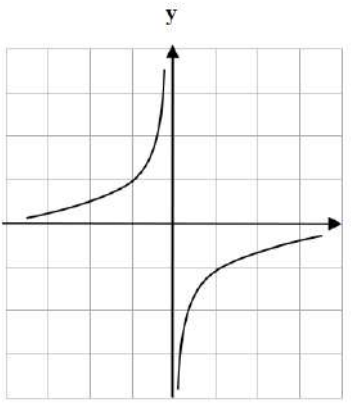
۱۷	(صفحه ۱۴۴) $x = -1$ مجانب قائم (۰/۲۵) $y = -1$ مجانب افقی (۰/۲۵) $y' = \frac{-1}{(x+1)^2} < 0$ (۰/۲۵) <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>-1</td><td>$+\infty$</td></tr> <tr><td>y'</td><td>-</td><td>-</td><td>-</td></tr> <tr><td>y</td><td>-1</td><td>$+\infty$</td><td>-1</td></tr> </table> جدول (۰/۵)  رسم شکل (۰/۵)	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	y'	-	-	-	y	-1	$+\infty$	-1	۱/۷۵
x	$-\infty$	-1	$+\infty$											
y'	-	-	-											
y	-1	$+\infty$	-1											

۲۰	جمع بارم	
----	----------	--

کتاب آوری: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۹ صبح	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۲			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را تعیین کنید. الف) عبارت $x^{16} + 1$ بر $x + 1$ بخش پذیر است. ب) تابع f روی بازه (a, b) مشتق پذیر است هرگاه، در هر نقطه این بازه مشتق پذیر باشد. پ) اگر تابعی صعودی باشد، آهنگ تغییر متوسط آن همواره صعودی است.	۰/۷۵	
۲	جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید. الف) اگر برد تابع $y = \sqrt{x}$ بازه $[0, 2]$ باشد، برد تابع $y = 2 + \sqrt{x-2}$ برابر است. ب) مجانبهای افقی تابع $y = \frac{ x +1}{2x-1}$ برابر و است.	۱	
۳	نمودار تابع $y = f(x)$ در شکل مقابل رسم شده است. نمودار تابع $y = f(1-x) + 1$ را رسم کنید.		۱
۴	با توجه به نمودار تابع مقابل، تعیین کنید: الف) تابع f در چه بازه‌هایی اکیداً یکنوا است. ب) آیا تابع در کل دامنه خود اکیداً یکنوا است؟		۰/۷۵
۵	مقادیر a و b را چنان بیابید که عبارت $p(x) = x^3 - ax + b$ بر $(x-2)$ بخش پذیر باشد و باقیمانده تقسیم آن بر $(x+1)$ برابر ۳ باشد.	۱	
۶	ضابطه تابعی به صورت $y = a \cos bx + c$ را بنویسید که دوره تناوب آن ۲، مقدار ماکزیمم آن ۳ و مقدار مینیمم آن -1 باشد.	۱/۵	
« ادامه سؤالات در صفحه دوم »			

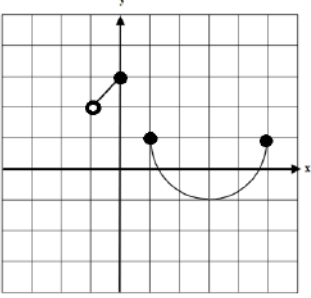
سؤالات آزمون نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت آزمون : ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه : ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع : ۹ صبح	تاریخ آزمون : ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	نام و نام خانوادگی :
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۲			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
۷	جواب های معادله مثلثاتی $4\sin x + 2\sqrt{3} = 0$ را در بازه $[0, 2\pi]$ به دست آورید.	۱/۵
۸	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{[x]-1}{(x-1)^2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^4 + 3x - 1}{2 + x - x^4}$	۱/۵
۹	مجانب قائم منحنی تابع $f(x) = \frac{1}{x- x }$ را به دست آورید.	۱
۱۰	با توجه به نمودار تابع مقابل: الف) در کدام نقطه مقدار تابع و مقدار مشتق تابع منفی است؟ ب) در کدام نقطه مقدار تابع و مقدار مشتق تابع برابر صفر است؟ پ) در بین نقاط داده شده کدام نقطه بیشترین شیب را دارد؟ ت) شیب نقاط D و A را با هم مقایسه نمایید.	۱
۱۱	با استفاده از تعریف مشتق تابع، مشتق پذیری تابع $f(x) = \sqrt[3]{x-2}$ را در نقطه $x=2$ بررسی نمایید.	۱
۱۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (x^4 + 2x)(\sqrt{x})$ ب) $g(x) = 3\tan x - \sin^3(2x)$	۲
۱۳	تابعی با ضابطه $f(x) = \frac{3x-6}{x^2+2}$ را در نظر بگیرید: الف) آهنگ تغییر متوسط در بازه $[-2, 0]$ را به دست آورید. ب) آهنگ تغییر لحظه ای در $x = -1$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۴	اکستریم های مطلق تابع $f(x) = x^5 - 5x$ را در بازه $[0, 2]$ به دست آورید.	۱/۲۵
۱۵	ابتدا جهت تقعر تابع $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$ را در دامنه آن بررسی نمایید سپس نقطه عطف آن را در صورت وجود، به دست آورید.	۱/۲۵
۱۶	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \frac{2}{3}x^3 - x^2$ را رسم کنید.	۲
۲۰	موفق و سر بلند باشید.	جمع نمره

کود آورنده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۶/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در شهریور سال ۱۴۰۲	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف

۰/۷۵	ب) درست (۰/۲۵) صفحه ۹۷	الف) نادرست (۰/۲۵) صفحه ۲۰ پ) نادرست (۰/۲۵) صفحه ۱۱۰	۱
۱	ب) $y = -\frac{1}{2}$ و $y = \frac{1}{2}$ (۰/۵) صفحه ۶۹	الف) $[2, 4]$ (۰/۵) صفحه ۱۱	۲
۱		صفحه ۱۲	۳
	(بارم هر قسمت رسم شکل ۰/۵ نمره)		
۰/۷۵	الف) اکیداً یکنوا (اکیداً صعودی) (۰/۲۵) و اکیداً یکنوا (اکیداً صعودی) (۰/۲۵) ب) خیر، در کل دامنه اکیداً یکنوا نیست (۰/۲۵)		۴
۱	صفحه ۲۲ $P(2) = 0 \Rightarrow 8 - 2a + b = 0 \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} -2a + b = -8 & a = 4 \quad (0/25) \\ a + b = 4 & b = 0 \quad (0/25) \end{cases}$ $P(-1) = 3 \Rightarrow a + b = 4 \quad (0/25)$		۵
۱/۵	$T = \frac{2\pi}{ b } = 2 \Rightarrow b = \pi \quad (0/5)$ $ a = 2 \quad (0/25), \quad c = 1 \quad (0/25) \Rightarrow y = -2\cos(\pi x) + 1 \quad \text{یا} \quad y = 2\cos(\pi x) + 1 \quad (0/5)$ <p>" تنها نوشتن یکی از ضابطه های بالا کافی است. "</p>		۶
۱/۵	$4 \sin x + 2\sqrt{3} = 0 \Rightarrow \sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \sin x = \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)$ $\Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi - \frac{\pi}{3} \quad (0/25) \\ x = 2k\pi + \frac{4\pi}{3} \quad (0/25) \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5\pi}{3} \quad (0/25) \\ x = \frac{4\pi}{3} \quad (0/25) \end{cases}$		۷
۱/۵	الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-1}{0^+} = -\infty$ (۰/۷۵) صفحه ۵۳	ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^4}{-x^4} = -1$ (۰/۷۵) صفحه ۶۹	۸

«ادامه در صفحه دوم»

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲
-----------------------	------------------	---------------------	---

تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در شهریور سال ۱۴۰۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۹	صفحه ۵۸ (به پاسخ های صحیح از روش رسم نمودار نمره تعلق گیرد.) $f(x) = \frac{1}{x - x } = \begin{cases} \text{تعریف نشده} & x > 0 \\ \frac{1}{2x} & x < 0 \end{cases} \quad (0/5)$ $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{2x} = -\infty \Rightarrow x = 0 \quad \text{مجانب قائم} \quad (0/5)$	۱
۱۰	صفحه ۸۲ الف) E (۰/۲۵) ب) B (۰/۲۵) پ) C (۰/۲۵) ت) $m_D > m_A$ (۰/۲۵)	۱
۱۱	صفحه ۸۸ $f'(2) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x} - 2}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{\sqrt{(x-2)^2}} = +\infty \quad (0/25)$ تابع در نقطه $x = 2$ مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)	۱
۱۲	صفحه ۱۰۱ الف) $f'(x) = \underbrace{(4x^3 + 2)(\sqrt{x})}_{(0/5)} + \underbrace{\frac{1}{2\sqrt{x}}(x^2 + 2x)}_{(0/5)}$ ب) $g'(x) = \underbrace{3(1 + \tan^2 x)}_{(0/25)} - \underbrace{6 \sin^2 2x \cos 2x}_{(0/75)}$	۲
۱۳	صفحه ۱۱۰ الف) $\frac{f(0) - f(-2)}{0 + 2} = \frac{-3 + 2}{2} = -\frac{1}{2} \quad (0/75)$ ب) $f'(x) = \frac{-3x^2 + 12x + 6}{(x^2 + 2)^2} \Rightarrow f'(-1) = -1 \quad (0/75)$	۱/۵
۱۴	صفحه ۱۲۳ $f'(x) = 5x^2 - 5 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = +1 \\ x = -1 \end{cases} \quad (0/25)$ غیر قابل قبول $f(1) = -4$ مینیمم مطلق (۰/۲۵) $f(0) = 0$ (۰/۲۵) $f(2) = 22$ ماکزیمم مطلق (۰/۲۵)	۱/۲۵

« ادامه در صفحه سوم »

کتاب آرازمده: فزانه باطنی و محسوسات عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹: صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۶/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در شهریور سال ۱۴۰۲	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

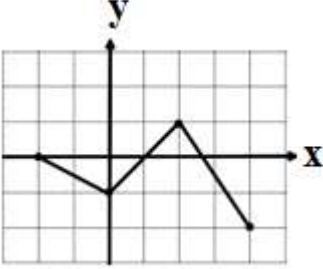
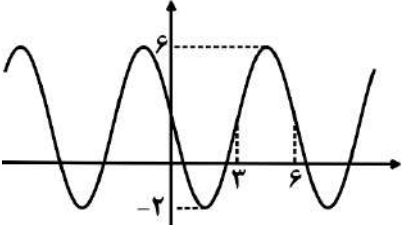
۱/۲۵	$f'(x) = \frac{-3}{(x-1)^2} \Rightarrow f''(x) = \frac{6}{(x-1)^3}$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>-</td> <td>+</td> <td></td> </tr> <tr> <td>f</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table> <p style="text-align: right;">صفحه ۱۳۶ ۱۵</p> <p style="text-align: right;">جدول (۰/۵)</p> <p style="text-align: right;">نقطه عطف وجود ندارد (۰/۲۵)</p>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	f''	-	+		f				
x	$-\infty$	1	$+\infty$											
f''	-	+												
f														

۲	$D_f = \mathbb{R}$ $f'(x) = 2x^2 - 2x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=0 & (۰/۲۵) \\ x=1 & (۰/۲۵) \end{cases}$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)</p> $f''(x) = 4x - 2 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵)$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>$\frac{1}{2}$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>max</td> <td>$\frac{1}{6}$</td> <td>min</td> <td></td> </tr> </table> <p style="text-align: right;">صفحه ۱۴۴ ۱۶</p> <p style="text-align: right;">رسم نمودار (۰/۵)</p> <p style="text-align: center;">جدول (۰/۵)</p>	x	$-\infty$	0	$\frac{1}{2}$	1	$+\infty$	f'	+	-	-	+	+	f''	-	-	+	+	+	f								max	$\frac{1}{6}$	min		
x	$-\infty$	0	$\frac{1}{2}$	1	$+\infty$																											
f'	+	-	-	+	+																											
f''	-	-	+	+	+																											
f																																
		max	$\frac{1}{6}$	min																												

۲۰	جمع بارم	« همکاران گرامی لطفا به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »
----	----------	---

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی ماه ۱۴۰۲			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	<p>درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) دوره تناوب تابع $y = 5 \cos \frac{x}{2} + 1$ برابر با 4π است.</p> <p>ب) تابع تانژانت در بازه $(-\pi, \pi)$، تابعی صعودی است.</p> <p>پ) تابعی وجود ندارد که برای آن شرایط $f(a) = 0$ و $f'(a) = 0$ برقرار باشد.</p> <p>ت) حاصل حد $\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1}{\sin x}$ برابر با $-\infty$ است.</p>	۱
۱	<p>نمودار تابع $f(x)$ به صورت زیر است. نمودار تابع $g(x) = -3f\left(\frac{x}{2}\right) + 2$ را رسم کرده و سپس برد تابع $g(x)$ را تعیین کنید.</p> 	۲
۱/۵	<p>ابتدا نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} (x-2)^3 & x \geq 1 \\ -2 & 0 \leq x < 1 \\ x+1 & x < 0 \end{cases}$ را رسم کنید، سپس تعیین کنید که این تابع در چه بازه‌ای اکیداً صعودی و در چه بازه‌ای اکیداً نزولی است.</p>	۳
۱	<p>اگر باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای $P(x) = 3x^2 + mx + 2m + 1$ بر $x - 2$ برابر ۳ باشد، باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای $f(x) = mx^2 - mx + 3$ بر $x + 2$ را تعیین کنید.</p>	۴
۱/۲۵	<p>نمودار زیر مربوط به تابعی با ضابطه $y = a \sin(bx) + c$ است. با توجه به نمودار، ضابطه آن را بنویسید.</p> 	۵
۱/۲۵	<p>معادله مثلثاتی $\sqrt{3} \tan 3x - 1 = 0$ را حل کنید.</p>	۶

«ادامه سوالات در صفحه دوم»

سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی ماه ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

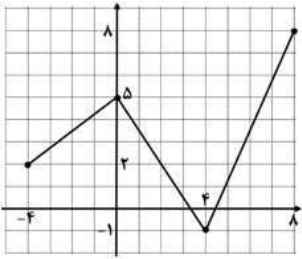
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
۷	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow -5^-} \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 10x + 25}$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{4 - x + x^2}{5 - 2x^2}$	۱/۲۵
۸	مجانب های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{x^2 - 1}{4 - 3x - x^2}$ را در صورت وجود بیابید.	۱/۵
۹	تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + x & x \leq 1 \\ x + 1 & x > 1 \end{cases}$ را در نظر بگیرید. مشتق پذیری تابع را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۲۵
۱۰	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = \frac{\Delta \tan x}{1 - \sin x}$ ب) $g(x) = \cos^y(x^2)$ پ) $h(x) = (3x + 5)^6$	۲/۲۵
۱۱	اگر $f(x) = 2x^3 + 1$ و $g(x) = \sqrt{x}$ باشند. حاصل $(f + g)'(4) + (f \times g)'(1)$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۲	آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = \sqrt{x + 5}$ را وقتی متغیر از $x = -1$ به $x = 4$ تغییر می کند به دست آورید.	۰/۷۵
۱۳	مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 6x^2$ را روی بازه $[-2, 3]$ بیابید.	۱/۲۵
۱۴	نقطه عطف تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ ، نقطه $(1, -11)$ می باشد، مقدار a و b را بیابید.	۱/۵
۱۵	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \frac{2x - 1}{x + 3}$ را رسم کنید.	۱/۷۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

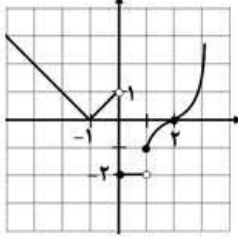
باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	(الف درست (صفحه ۲۷ کتاب) (۰/۲۵) (ب نادرست (صفحه ۳۱ کتاب) (۰/۲۵) (پ نادرست (صفحه ۱۱۰ کتاب) (۰/۲۵) (ت درست (صفحه ۵۳ کتاب) (۰/۲۵)	۱
---	---	---

۲	(صفحه ۱۲ کتاب) $R = [-1, 8]$ (۰/۵)	۱
 <p>(رسم شکل ۰/۵) (در رسم به قسمتهای درست به تناسب نمره داده شود.)</p>		

۳	(صفحه ۲۱ کتاب) اکیداً صعودی $[1, +\infty)$ و $[-1, 0)$ (۰/۵) اکیداً نزولی $(-\infty, -1]$ (۰/۲۵)	۱/۵
 <p>(رسم شکل ۰/۷۵) (در صورتیکه دانش آموز بازه باز نوشته بود، نمره کامل داده شود.)</p>		

۴	(صفحه ۲۲ کتاب)	۱
$p(2) = 3 \Rightarrow 12 + 2m + 2m + 1 = 3 \Rightarrow 4m = -10 \Rightarrow m = -\frac{5}{2} \quad (۰/۵)$ $f(-2) = \frac{-5}{2}(-2)^2 - \left(\frac{-5}{2}\right)(-2) + 3 = -12 \quad (۰/۲۵)$		

۵	(صفحه ۳۳ کتاب)	۱/۲۵
$T = 6 \Rightarrow \frac{2\pi}{ b } = 6 \Rightarrow b = \frac{\pi}{3} \quad (۰/۲۵)$ $\left. \begin{matrix} \max = 6 \\ \min = -2 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \begin{cases} a + c = 6 \\ - a + c = -2 \end{cases} \rightarrow 2c = 4 \rightarrow c = 2 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow a = 4 \quad (۰/۲۵)$ $y = a \sin bx + c \rightarrow y = -4 \sin \frac{\pi}{3} x + 2 \quad (۰/۵)$		

۶	(صفحه ۴۴ کتاب)	۱/۲۵
$\tan 3x = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3} \quad (۰/۵) \Rightarrow 3x = k\pi + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow$ $\Rightarrow x = \frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{18}, k \in \mathbb{Z} \quad (۰/۵)$		

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

کتاب آواز نغمه: فرزانه بابائی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۷	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow (-5)^-} \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 10x + 25} = \lim_{x \rightarrow -5^-} \frac{\cancel{(x+5)}(x-3)}{\underbrace{(\cancel{x+5})(x+5)}_{(0/25)}} = \frac{-8}{-} = +\infty$ (صفحه ۵۳ کتاب) (۰/۲۵)</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - x + 4}{-2x^2 + 5} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{-2x^2} = -\frac{1}{2}$ (صفحه ۵۸ کتاب) (۰/۲۵)</p>	۱/۲۵
---	--	------

۸	<p>$-x^2 - 3x + 4 = 0 \rightarrow x = 1, x = -4$ (صفحه ۶۹) (۰/۲۵)</p> <p>$x = 1 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{-x^2 - 3x + 4} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)(-x-4)} = -\frac{2}{5}$ (۰/۲۵) پس قائم نیست</p> <p>$x = -4 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 - 1}{-x^2 - 3x + 4} = \frac{15}{-} = \infty$ (۰/۲۵) پس $x = -4$ مجانب قائم است.</p> <p>$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 1}{4 - 3x - x^2} = -1 \Rightarrow y = -1$ (صفحه ۶۹) (۰/۲۵) مجانب افقی</p>	۱/۵
---	---	-----

۹	<p>(صفحه ۸۹ کتاب) (۰/۲۵)</p> <p>$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x+1-2}{x-1} = 1$ (۰/۵)</p> <p>$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + x - 2}{x-1} = 3$ (۰/۵)</p> <p>$f'_+(1) \neq f'_-(1)$ در نتیجه تابع در $x = 1$ مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)</p>	۱/۲۵
---	--	------

۱۰	<p>الف) $f'(x) = \frac{\overbrace{\Delta(1 + \tan^2 x)(1 - \sin x)}^{(0/5)} \underbrace{-(-\cos x)(\Delta \tan x)}_{(0/5)}}{\underbrace{(1 - \sin x)^2}_{(0/25)}}$ (صفحه ۱۰۱)</p> <p>ب) $g'(x) = -\gamma \cos^6(x^2) \times 2x \times \sin(x^2)$ (صفحه ۹۶) (۰/۵)</p> <p>پ) $h'(x) = 6 \times 3 \times (3x + 5)^\Delta$ (۰/۵)</p>	۲/۲۵
----	---	------

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

کتاب آوازه: فرزان باستانی و محمدرضا عادل خانی

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۱	(صفحه ۱۰۱ کتاب) $(f + g)'(4) = f'(4) + g'(4) = (6(4)^2) + \frac{1}{2\sqrt{4}} = 96 + \frac{1}{4} \quad (0/25)$ $f'(1)g(1) + g'(1)f(1) = (6)(1) + (\frac{1}{2})(3) = 6 + \frac{3}{2} \quad (0/25)$ $(f + g)'(4) + (f \times g)'(1) = 96 + \frac{1}{4} + 6 + \frac{3}{2} = \frac{415}{4} \quad (0/5)$	۱/۵												
۱۲	(صفحه ۱۱۰ کتاب) $\frac{f(4) - f(-1)}{4 - (-1)} = \frac{2 - 2}{5} = \frac{1}{5} \quad (0/25)$	۰/۷۵												
۱۳	(صفحه ۱۲۶ کتاب) غ ق ق $y' = 3x^2 - 12x = 0 \Rightarrow x = 0 \quad (0/25), \quad x = 4 \notin [-2, 3] \quad (0/25)$ $f(-2) = -32, \quad f(0) = 0, \quad f(3) = -27$ $= 0 = \text{ماکزیمم مطلق} \quad (0/25) \quad = -32 = \text{مینیمم مطلق} \quad (0/25)$	۱/۲۵												
۱۴	(صفحه ۱۳۶ کتاب) $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ $f(1) = -11 \Rightarrow 1 + a + b = -11 \quad (0/5)$ $f''(1) = 0 \Rightarrow 6(1) + 2a = 0 \quad (0/5) \Rightarrow a = -3 \quad (0/25) \Rightarrow b = -9 \quad (0/25)$	۱/۵												
۱۵	(صفحه ۱۴۴ کتاب) $y' = \frac{2(x+3) - 1(2x-1)}{(x+3)^2} = \frac{7}{(x+3)^2} > 0 \quad (0/25)$ $x = -3$ مجانب قائم (۰/۲۵) $y = 2$ مجانب افقی (۰/۲۵) <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-3</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td>+</td> <td> </td> <td>+</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$\nearrow +\infty$</td> <td></td> <td>$\searrow -\infty$</td> </tr> </table> <div style="text-align: center;">جدول (۰/۵)</div> </div>	x	$-\infty$	-3	$+\infty$	y'	+		+		$\nearrow +\infty$		$\searrow -\infty$	۱/۷۵
x	$-\infty$	-3	$+\infty$											
y'	+		+											
	$\nearrow +\infty$		$\searrow -\infty$											

۲۰ جمع بارم « همکاران گرامی لطفا به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »

گروه آواز نده: فرزانه باستانی و محمدرضا عادل خانی